

高等学校 令和6年度（2年次） 教科 数学 科目 数学Ⅱ

教科： 数学 科目： 数学Ⅱ 単位数： 4 単位

対象学年組：第 2 年次 A 組～ D 組

教科担当者：（AD組：増田、小林、横井）（BC組：増田、在原、小林）

使用教科書：（新編 数学Ⅱ 数研出版）

教科 数学 の目標：

【知識及び技能】数学における基本的な概念や原理・法則を体系的に理解するとともに、事象を数学化したり、数学的に解釈したり、数学的に表現・処理したりすることができる。

【思考力、判断力、表現力等】数学を活用して事象を論理的に考察する、事象の本質や他の事象との関係を認識し統合的・発展的に考察する、数学的な表現を用いて事象を簡潔・明瞭・的確に表現することができる。

【学びに向かう力、人間性等】数学のよさを認識し積極的に数学を活用しようとする、粘り強く考え数学的論拠に基づいて判断しようとする、問題解決の過程を振り返って考察を深めたり、評価・改善したりしようとする。

【知識及び技能】	【思考力、判断力、表現力等】	【学びに向かう力、人間性等】
いろいろな式、図形と方程式、指数関数・対数関数、三角関数及び微分・積分の考えについての基本的な概念や原理・法則を体系的に理解するとともに、事象を数学化したり、数学的に解釈したり、数学的に表現・処理したりする技能を身に付けるようにする。	数の範囲や式の性質に着目し、等式や不等式が成り立つことなどについて論理的に考察する力、座標平面上の図形について構成要素間の関係に着目し、方程式を用いて図形を簡潔・明瞭・的確に表現したり、図形の性質を論理的に考察したりする力、関数関係に着目し、事象を的確に表現してその特徴を数学的に考察する力、関数の局所的な変化に着目し、事象を数学的に考察したり、問題解決の過程や結果を振り返って統合的・発展的に考察したりする力を養う。	数学のよさを認識し数学を活用しようとする態度、粘り強く柔軟に考え数学的論拠に基づいて判断しようとする態度、問題解決の過程を振り返って考察を深めたり、評価・改善したりしようとする態度や創造性の基礎を養う。

	単元の具体的な指導目標	指導項目・内容	評価規準	知	思	態	配当 時数
1 学 期	式と証明 【知識及び技能】 多項式の乗法・除法及び分数式の四則計算について理解する。 【思考力、判断力、表現力等】 数の範囲や式の性質に着目し、等式や不等式が成り立つことを証明できる。 【学びに向かう力、人間性等】 数と式の具体的な問題に取り組む。	・指導事項 3 次式の展開、因数分解 二項定理 多項式の割り算 分数式とその計算 恒等式 等式・不等式の証明 ・教材 教科書、問題集	【知識・技能】 ○3次式の展開の公式を利用することができる。 ○式の形に着目して変形し、3次式の因数分解の公式を適用する形にすることができる。 ○ $[(a+b)]^n$ の展開式からパスカルの三角形を導き、パスカルの三角形の性質を理解する。 ○二項定理を利用して、展開式やその項の係数を求めることができる。 ○多項式の割り算の計算方法を理解している。 ○分数式の約分、四則計算ができる。 ○恒等式と方程式の違いを理解している。 ○恒等式となるように、係数を決定することができる。 ○恒等式 $A = B$ の証明を、適切な方法で行うことができる。 ○実数の大小関係の基本性質に基づいて、自明な不等式を証明することができる。 ○平方の大小関係を利用して、不等式を証明することができる。 ○相加平均・相乗平均の大小関係を利用して、不等式を証明することができる。 【思考・判断・表現】 ○数学Ⅰで既習の2次式の展開公式を利用して、3次式の展開公式を導くことができる。 ○二項定理をパスカルの三角形と結び付けて考えることができる。 ○多項式の割り算の結果を等式で表して考えることができる。 ○分数式を分数と同じように約分、通分して扱うことができる。 ○与えられた条件式の利用方法を考え、等式を証明することができる。 ○不等式 $A > B$ を証明するとき、 $A - B > 0$ を示してもよいことを利用して、不等式を証明することができる。 ○不等式の証明に実数の性質を利用できるように、式変形を考えることができる。 ○不等式の証明で、等号の成り立つ場合について考察できる。 ○同値な不等式を証明することで、もとの不等式を証明することができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○因数分解の検算に展開を利用しようとする態度がある。 ○多項式の割り算の計算方法を理解しようとする態度がある。 ○通分をすることで、約分できる形に適切に式変形をしようとする態度がある。 ○恒等式の性質を理解し、具体的な問題に取り組もうとする。 ○2種類の文字を含む多項式の割り算に興味を示し、具体的な問題に取り組もうとする。 ○繁分数式を分数式の性質を用いて処理することに意欲を示す。 ○恒等式の係数を決定する際に、係数比較法と数値代入法とを、比較して考察しようとする。 ○比例式を含む等式の証明を通じて、加比の理に興味をもち、考察しようとする。 ○不等式の証明を通じて、三角不等式に興味・関心をもち、それを利用しようとする。	○	○	○	18
	定期考査			○	○		1
	複素数と方程式 【知識及び技能】 方程式についての理解する。 【思考力、判断力、表現力等】 数の範囲を複素数まで拡張して2次方程式を解くことができる。剰余の定理や因数分解を利用して高次方程式を解くことができる。 【学びに向かう力、人間性等】 2次方程式の解に興味を示し、2次方程式の解を考察できる。	・指導事項 複素数とその計算 2次方程式の解 解と係数の関係 剰余の定理と因数定理 高次方程式 ・教材 教科書、問題集	【知識・技能】 ○複素数、複素数の相等の定義を理解している。 ○複素数の四則計算ができる。 ○負の数の平方根を理解している。 ○負の数の平方根を含む式の計算を、 i を用いて処理することができる。 ○2次方程式の解の公式を利用して、2次方程式を解くことができる。 ○判別式を利用して、2次方程式の解の種類を判別することができる。 ○解と係数の関係を使って、対称式の値や2次方程式の係数を求めることができる。 ○対称式を基本対称式で表して、式の値を求めることができる。 ○2次方程式の解を利用して、2次式を因数分解できる。 ○剰余の定理を利用して、多項式を1次式や2次式で割ったときの余りを求めることができる。 ○ $P(k)=0$ である k の値の見つけ方を理解し、高次式を因数分解できる。 ○因数分解や因数定理を利用して、高次方程式を解くことができる。 ○高次方程式の2重解、3重解の意味を理解している。 ○高次方程式の虚数解から、方程式の係数を決定することができる。 ○高次方程式が虚数解 $a+bi$ を解にもてば、 $a-bi$ を解にもつことを利用できる。				

		【思考・判断・表現】 ○複素数の表記を理解し、複素数$a+bi$を実数aと同一視できる。 ○複素数の四則計算の結果は複素数であることを理解している。 ○判別式 D の代わりに $D/4$ を用いても解の種類を判別できることを理解し、積極的に用いようとする。 ○与えられた2数を解にもつ2次方程式が1つには定まらないことを理解している。 ○異なる2つの実数 α、β が正の数、負の数、異符号であることを、同値な式で表現できる。 ○2次方程式の解の符号に関する問題を、解と係数の関係を利用して解くことができる。 ○多項式を1次式で割ったときの余りについて、剰余の定理で考察することができる。 ○多項式 $P(x)$ が $x=k$ で割り切れることを式で表現することができる。 ○高次方程式を1次方程式や2次方程式に帰着させることができる。 ○高次方程式が解 α をもつことを、式を用いて表現できる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○2次方程式が常に解をもつように考えられた複素数に興味・関心を示し、考察しようとする。 ○2次方程式の解が虚数になる場合もあることに興味を示し、2次方程式の解を考察しようとする。 ○2次式を複素数の範囲で因数分解することに興味をもち、問題に取り組もうとする。	○	○	○	16
図形と方程式 【知識及び技能】 図形と方程式を理解する。 【思考力、判断力、表現力等】 座標や式を用いて、直線の性質や関係を数学的に表現できる。 【学びに向かう力、人間性等】 事象の考察に図形と方程式を活用できる。	・指導事項 直線上の点 平面上の点 直線の方程式 2直線の関係 ・教材 教科書、問題集	【知識・技能】 ○数直線上において、2点間の距離、線分の内分点、外分点の座標が求められる。 ○線分の外分点の公式を適用する際に、分母を正にして計算しようとする。 ○座標平面上において、2点間の距離が求められる。 ○座標平面上において、線分の内分点、外分点の座標が求められる。 ○三角形の重心の座標の公式を理解している。 ○x 軸に垂直な直線は $y=\max$ の形に表せないことを理解している。 ○与えられた条件を満たす直線の方程式の求め方を理解している。 ○2直線の平行・垂直条件を理解していて、それを利用できる。 ○図形 $F(x, y)=0$ が点 (s, t) を通ることを $F(s, t)=0$ として処理できる。 ○点と直線の距離の公式を理解していて、それを利用することができる。 【思考力・判断力・表現力】 ○線分の内分点、外分点の公式を統一して捉えようとする。 ○図形的条件（絶対値など）を式で表現できる。 ○直線に関して対称な点の座標を求めることができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○数直線上の点について調べようとする。 ○図形の問題を座標平面上で代数的に解決する解法のよさを知らうとする。 ○x切片とy切片が与えられた直線の方程式について、一般に成り立つ性質を考察しようとする。	○	○	○	12
定期考査			○	○		1
図形と方程式 【知識及び技能】 図形と方程式を理解する。 【思考力、判断力、表現力等】 座標や式を用いて、直線の性質や関係を数学的に表現できる。 【学びに向かう力、人間性等】 事象の考察に図形と方程式を活用できる。	・指導事項 円の方程式 円と直線 2つの円の軌跡と方程式 不等式の表す領域 ・教材 教科書、問題集	【知識・技能】 ○与えられた条件を満たす円の方程式の求め方を理解している。 ○α、γ の2次方程式を変形して、その方程式が表す図形を調べることができる。 ○3点を通る円の方程式を求めることができる。 ○円と直線の共有点の座標を求めることができる。 ○円と直線の位置関係を、適切な方法で判定できる。 ○円の接線の公式を理解していて、それを利用できる。 ○円外の点から引いた接線の方程式を求めることができる。 ○2つの円の位置関係を、中心間の距離と半径の関係から調べることができる。 ○2つの円の位置関係と、中心間の距離と半径から、円の方程式を求めることができる。 ○2つの円の共有点の座標を求める際に、適切な方法で文字を消去することができる。 ○点が満たす条件から得られた方程式を、図形として考察することができる。 ○軌跡の定義を理解し、与えられた条件を満たす点の軌跡を求めることができる。 ○媒介変数処理が必要な軌跡の求め方を理解している。 ○不等式の表す領域を図示することができる。 ○連立不等式の表す領域を図示することができる。 ○領域を利用する1次式の最大値・最小値の求め方を理解している。 【思考力・判断力・表現力】 ○円の方程式が x、y の2次方程式で表されることを理解している。 ○3点を通る円はこの3点を頂点とする三角形の外接円であることを理解している。 ○円と直線の共有点の個数を、2次方程式の実数解の個数で考察することができる。 ○円の中心から直線までの距離と円の半径の大小関係を代数的に処理することで、円と直線の位置関係を考察することができる。 ○2つの円の位置関係を、中心間の距離と半径の関係で考察することができる。 ○平面上の点の軌跡を、座標平面を利用して考察することができる。 ○軌跡を求めるには、逆についても調べる必要があることを理解している。 ○不等式の満たす解を、座標平面上の点の集合としてみることができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○x、y の2次方程式が常に円を表すとは限らないことを考察しようとする。 ○円と直線の位置関係を、2次方程式の判別式や、円の中心から直線までの距離と円の半径の大小関係により調べようとする。 ○点が満たす条件から得られた方程式がどのような図形を表しているかを考察しようとする。 ○少し複雑な不等式の表す領域についても、興味をもち、取り組もうとする。	○	○	○	17
三角関数 【知識及び技能】 一般角、三角関数を理解する。 【思考力、判断力、表現力等】 角の概念を一般角まで拡張して、三角関数に関する様々な性質や式とグラフの関係について多面的に考察できる。 【学びに向かう力、人間性等】 三角関数に興味をもち、具体的な問題に取り組む。	・指導事項 角の拡張 三角関数 ・教材 教科書、問題集	【知識・技能】 ○一般角を表す動径を図示したり、動径を表す角を α $\rightarrow 360^\circ \times n$ と表したりすることができる。 ○角度の表し方に度数法と弧度法があることを理解している。また、弧度法の定義を理解し、度数法と弧度法の換算をすることができる。 ○扇形の弧の長さや面積の公式を理解している。 ○弧度法で表された角の三角関数の値を、三角関数の定義によって求めることができる。 ○単位円周上の点の座標を、三角関数を用いて表すことができる。 ○三角関数の相互関係を理解し、それらを利用して様々な値を求めたり、式変形をしたりすることができる。 【思考力・判断力・表現力】 ○一般角を動径とともに考察することができる。 ○弧の長さや角を図する方法として、弧度法を考察することができる。 ○三角比の定義を、三角関数の定義に一般化することができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○弧度法に興味をもち、角度の換算に取り組もうとする。 ○三角比の定義を一般化して、三角関数の定義を考察しようとする。	○	○	○	6

2 学 期	定期考査			○	○		1
	三角関数 【知識及び技能】 一般角、三角関数を理解する。 【思考力・判断力・表現力等】 角の概念を一般角まで拡張して、三角関数に関する様々な性質や式とグラフの関係について多面的に考察できる。 【学びに向かう力、人間性等】 三角関数に興味をもち、具体的な問題に取り組む。	・指導事項 三角関数のグラフ 三角関数の性質 三角関数を含む方程式、不等式 加法定理 加法定理の応用	【知識・技能】 いろいろな三角関数のグラフのかき方と周期の求め方を理解している。 ○三角関数の性質とグラフの特徴を相互に理解している。 ○ $\theta + 2n\pi$ や $-\theta$ などの公式を理解し、それらを用いて三角関数の値を求めることができる。 ○三角関数を含む2次方程式の解き方を理解している。 ○三角関数を含む関数の最大値・最小値を求めることができる。 ○加法定理を利用して、種々の三角関数の値を求めることができる。 ○正接の加法定理を利用して、2直線のなす角を考慮することができる。 ○2倍角、半角の公式などを利用して、三角関数の値を求めたり、等式を証明したりすることができる。 ○2倍角の公式を利用して、三角関数を含むやや複雑な方程式・不等式を解くことができる。 ○三角関数の合成について理解している。 【思考力・判断力・表現力】 ○単位円上の点の動きから、三角関数のグラフを考慮することができる。 ○三角関数の性質を、グラフの特徴とともに考察することができる。 ○三角関数の性質を、単位円を用いて考察することができる。 ○三角関数を含む方程式・不等式を解く際に、単位円やグラフを図示して考察することができる。また、その解き方を理解している。 ○ $-1 \leq \sin \theta \leq 1$ などに注意して、おき換えによって三角関数を含む関数の最大値・最小値を考察できる。 ○角を弧度法で表した場合にも、加法定理が適用できる。 ○正接の定義と加法定理を利用して、2直線のなす角を考慮することができる。 ○2倍角の公式を利用して、三角関数を含むやや複雑な方程式・不等式の角を統一して考えることができる。 ○xの関数 $y = a \sin x + b \cos x$ の式を適切に変形することで、関数の最大値・最小値を求めることができる。 ○合成後の変数のとる値の範囲に注意して、 $a \sin x + b \cos x = k$ の形の方程式を解くことができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○ $y = \sin \theta$ と $y = \cos \theta$ のグラフが同じ形の曲線であることに興味・関心をもつ。 ○周期関数に興味をもち、その性質を調べようとする。 ○単位円や三角関数のグラフを利用して、三角関数の性質を調べようとする。 ○三角関数を含む方程式・不等式を解くことに取り組む意欲がある。 ○加法定理の証明について、一般角に対しても成り立つことに興味をもち、考察しようとする。 ○同じ周期をもつ2つの関数 $y = \sin x$ と $y = \cos x$ を合成するとそのグラフは位相がずれた正弦曲線になることに興味・関心をもつ。	○	○	○	17
	指数関数と対数関数 【知識及び技能】 指数関数について理解する。 【思考力・判断力・表現力等】 事象の考察に活用できる。 【学びに向かう力、人間性等】 指数関数と対数関数に興味をもち、具体的な問題に取り組む。	・指導事項 指数の拡張 指数関数 対数とその性質 対数関数 常用対数 ・教材 教科書、問題集	【知識・技能】 ○指数が整数の場合の累乗の定義を理解し、累乗の計算や、指数法則を利用した計算をすることができる。 ○累乗根の定義を理解し、累乗根の計算ができる。 ○指数が有理数の場合の累乗の定義を理解し、累乗の計算や、指数法則を利用した計算をすることができる。また、累乗根を含む計算では、分数指数を利用して計算することができる。 ○指数が無理数の場合の累乗根の意味を理解することができる。 ○指数関数のグラフの概形、特徴を理解している。 ○底と1の大小に注意して、指数関数を含む不等式を解くことができる。 ○x軸方向、y軸方向に平行移動した指数関数のグラフをかきことができる。 ○ $a > 0$ に注意して、おき換えによって指数方程式・不等式を解くことができる。 ○指数と対数を相互に書き換えることができる。 ○対数の定義を理解し、対数の値を求めることができる。 ○対数の性質に基づいた種々の対数の値の計算ができる。 ○底の変換公式を等式として利用できる。 ○対数関数のグラフの概形、特徴を理解している。 ○底と1の大小に注意して、対数関数を含む不等式を解くことができる。 ○対数の性質を用いる際に、真数が正であることに着目できる。 ○正の数を $a \times [10]^n$ の形に表現して、対数の値を求めることができる。 ○常用対数の定義を理解し、それに基づいて種々の値を求めることができる。 ○常用対数を利用して、桁数の問題や小数首位問題などを解くことができる。 【思考力・判断力・表現力】 ○指数法則が成り立つように、指数の範囲を正の整数から実数にまで拡張していることを理解している。 ○累乗根をグラフによって考察することができる。 ○指数関数 $y = a^x$ のグラフが定点(0, 1)を通ることを理解している。 ○指数関数の増減によって、大小関係や不等式・方程式を考察することができる。 ○対数 $[\log]_{-a}M$ が $M = a^p$ を満たす指数 p を表していることを理解している。 ○指数法則から、対数の性質を考察することができる。 ○対数と指数の関係から、両者のグラフが互いに直線 $y = x$ に関して対称であるという見方ができる。 ○対数関数 $y = \log_a x$ のグラフが定点(1, 0)を通ることを理解している。 ○対数関数の増減によって、大小関係や方程式・不等式を考察することができる。 ○n桁の数、小数首位第n位の数を、不等式で表現することができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○累乗根の性質に興味を示し、具体的に証明しようとする。 ○指数関数のグラフの概形を、点をプロットしてかこうとする意欲がある。 ○指数と対数との相互関係に興味・関心をもつ。 ○やや複雑な対数方程式、対数不等式に積極的に取り組もうとする。 ○桁数や小数首位の問題を一般的に考察しようとする。				14
	定期考査			○	○		1

微分法と積分法 【知識及び技能】 微分係数や導関数の意味について理解できる。積分の考え方を理解する。 【思考力・判断力・表現力等】 微分、積分を用いて問題を解くことができる。 【学びに向かう力、人間性等】 微分、積分の具体的な問題に主体的に取り組む。	・指導事項 微分係数 導関数とその計算 接線の方程式 関数の増減と極大・極小 関数の増減・グラフの応用 不定積分 定積分 定積分と面積	【知識・技能】 ○極限値を計算して微分係数を求めるとき、分母の h は0でないことを理解している。 ○平均変化率、微分係数の定義を理解し、それらを求めることができる。 ○微分係数の図形的意味を理解している。 ○定義に基づいて導関数を求める方法を理解している。 ○導関数の性質を利用して、種々の導関数の計算ができる。 ○導関数を利用して微分係数が求められることを理解している。 ○変数が x 、 y 以外の関数について、導関数が求められる。 ○接点の x 座標が与えられたとき、接線の方程式を求めることができる。 ○接線の方程式の公式を利用して、接線の方程式を求めることができる。 ○曲線外の点から曲線に引いた接線の方程式の求め方を理解している。 ○微分係数の値などから関数を決定することができる。 ○導関数を利用して、関数の増減を調べることができる。 ○関数の増減や極値を調べるのに、増減表を書いて考察している。 ○導関数を利用して、関数の極値を求めたり、グラフをかいたりすることができる。 ○関数の極値が与えられたとき、関数を決定することができる。 ○導関数を利用して、関数の最大値・最小値を求めることができる。 ○最大・最小の応用問題では、変数のとり方、定義域に注意して解くことができる。 ○導関数を利用して、方程式の実数解の個数問題、不等式の証明問題を解くことができる。 ○不等式 $f(x) \geq 0$ を、関数 $y=f(x)$ の最小値が0以上と読み替えることができる。 ○不定積分の計算では、積分定数を書き漏らさずに示すことができる。 ○不定積分の定義や性質を理解し、それを利用する不定積分の計算方法を理解している。 ○与えられた条件を満たす関数を、不定積分を利用して求めることができる。 ○定積分の定義や性質を理解し、それを利用する定積分の計算方法を理解している。 ○上端が変数 x である定積分で表された関数を微分して処理することができる。 ○直線や曲線で囲まれた部分の面積を、定積分で表して求めることができる。 【思考力・判断力・表現力】 ○平均変化率における x の変化量 h は負でもよいことを理解している。 ○導関数を表す種々の記号を理解していて、それらを適切に使うことができる。 ○点 A から曲線に接線を引くとき、接点 A における接線が点 B を通ると読み替えることができる。 ○接線の傾きで関数の増減が調べられることを理解している。 ○ $f'(a)=0$ は、 $f(a)$ が極値であるための必要条件ではあるが、十分条件ではないことを理解している。 ○最大値・最小値と極大値・極小値の違いを、意識して考察できる。 ○方程式の実数解の個数を、関数のグラフと x 軸の共有点の個数に読み替えて考察できる。 ○不等式を、関数のグラフと x 軸との上下関係に読み替えて、考察できる。 ○微分法の逆演算としての不定積分を考察することができる。 ○定積分の性質の等式を、左辺から右辺、右辺から左辺への変形として利用できる。 ○上端が x である定積分を、 x の関数とみることができる。 ○面積を求める際には、グラフの上下関係、積分範囲などを、図をかいて考察している。 ○図形の対称性に着目した面積計算をすることができる。 【主体的に学習に取り組む態度】 ○接線の傾きと微分係数との関連を図形的に考察しようとする。 ○曲線外の点から曲線に引いた接線の方程式を求めようとする。 ○関数の増減や極値を調べ、3次関数のグラフをできるだけ正しくかこうとする。 ○身近にある最大値・最小値の問題を、微分法を利用して解決しようとする。 ○方程式や不等式を関数的視点で捉え、微分法を利用して解決しようとする。 ○積分法が微分法の逆演算であることから、不定積分を求めようとする。 ○定積分の性質を利用して、計算がなるべく簡単になるように工夫して計算しようとする意欲がある。 ○面積 $S(x)$ が関数 $f(x)$ の原始関数の1つであることに興味・関心をもち、考察しようとする。 ○直線や曲線で囲まれた部分の面積を、定積分を用いて求めようとする。	○	○	○	35
定期考査			○	○		1