

# 自校入試問題説明会 数学

## 学力検査による入学者選抜

年度	募集人員 (男女問わず)	最終応募人員			最終 応募倍率	受検人員			受検倍率	合格人員		
		男	女	計		男	女	計		男	女	計
4	284	327	343	670	2.36	287	319	606	2.13	143	144	287
3	284	275	270	545	1.92	240	247	487	1.71	142	146	288
令2	284	271	305	576	2.03	235	289	524	1.82	131	157	288
31	284	305	301	606	2.13	264	273	537	1.89	133	155	288
30	284	353	302	655	2.31	304	280	584	2.06	146	141	287

過去17年間、受検倍率は約2倍前後で推移している  
**受験生全体の平均点を取ることが大事**  
といえる

**2023年度 数学の平均48.1点**

以下の問題番号に○をつけましょう

- 1 問1、問2、問3、問4
- 2 問1
- 3 問1 ①～⑦

正解率 70%～90% の問題

合計 35点 平均約48.1点

以下の問題番号に△をつけましょう

• 1 問5、問6

• 2 問2

正解率

50%～70%

の問題 合計31点

正解率50%～90%

の合計 66点

平均約48.1点

# 合否を分けた問題その1

〔問5〕 右の図1で、3点A, B, Cは、1つの円周上にある点で、互いに一致しない。

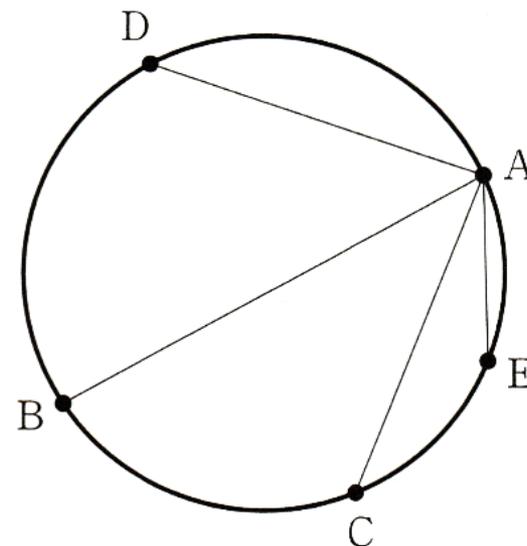
点Cを含まない $\widehat{AB}$ を2等分する点をD、点Bを含まない $\widehat{AC}$ を2等分する点をEとする。

点Aと点B、点Aと点C、点Aと点D、点Aと点Eをそれぞれ結ぶ。

$\angle BAC = 40^\circ$  のとき、

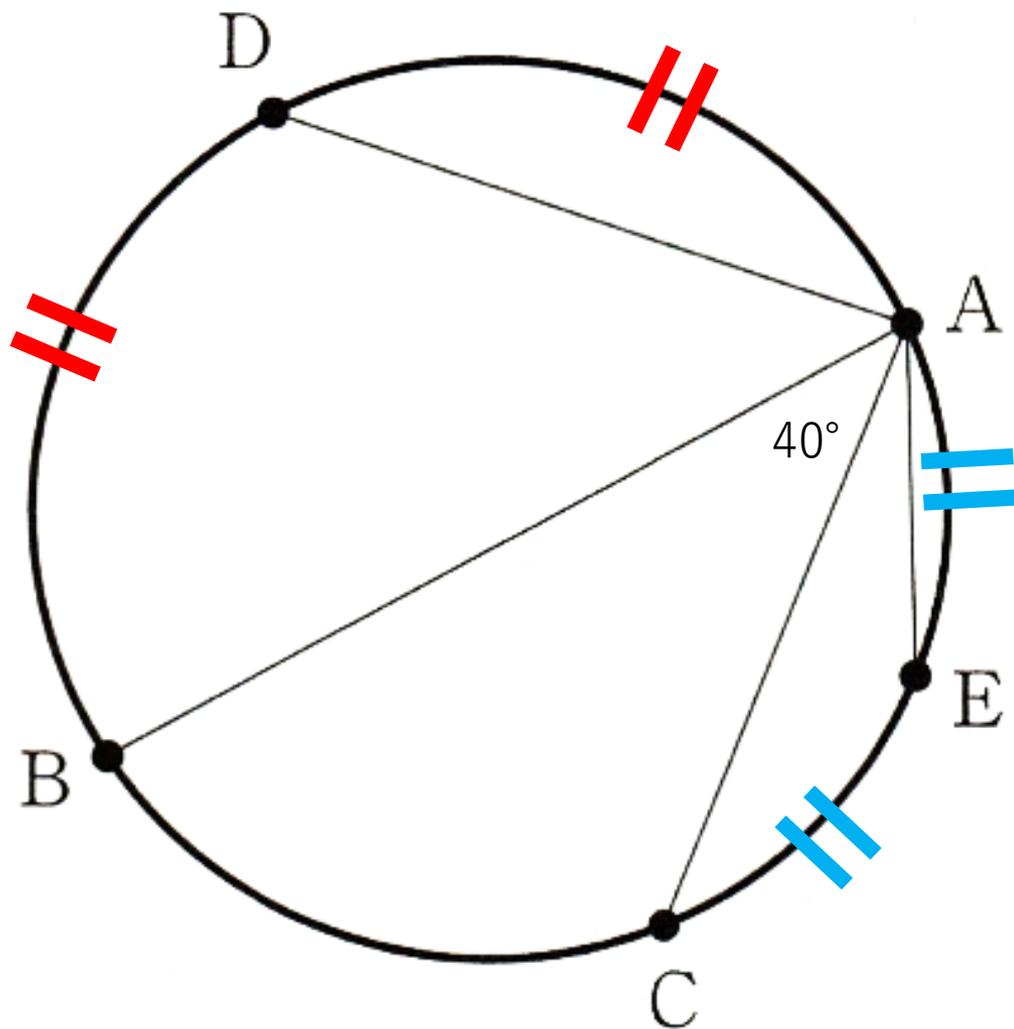
$\angle DAE$  の大きさは何度か。

図1



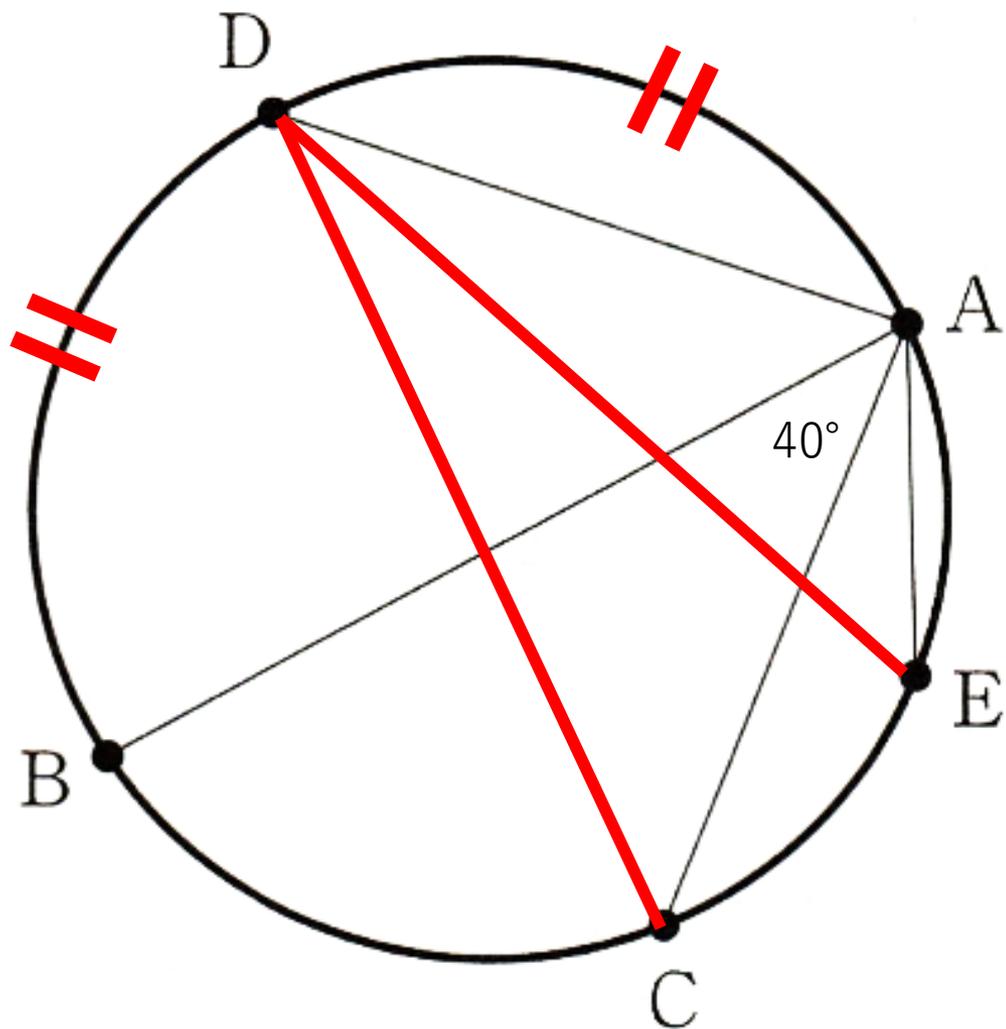
正しく解けなくても答えが出てしまったかもしれない問題 ← 正しく解こうとして時間がかかるかも・・・

# 合否を分けた問題その1



# 合否を分けた問題その1

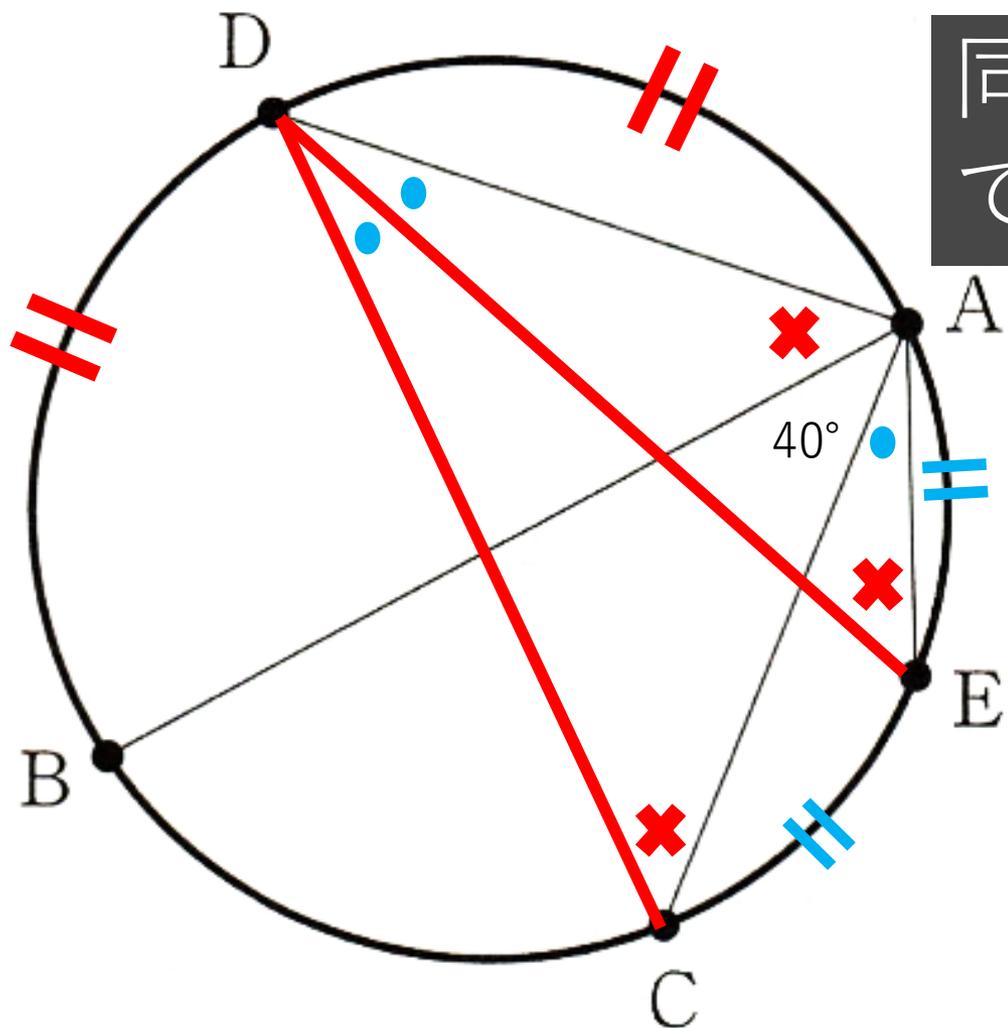
補助線を引いて



# 合否を分けた問題その1

補助線を引いて

同じ角度に印をつけてみよう



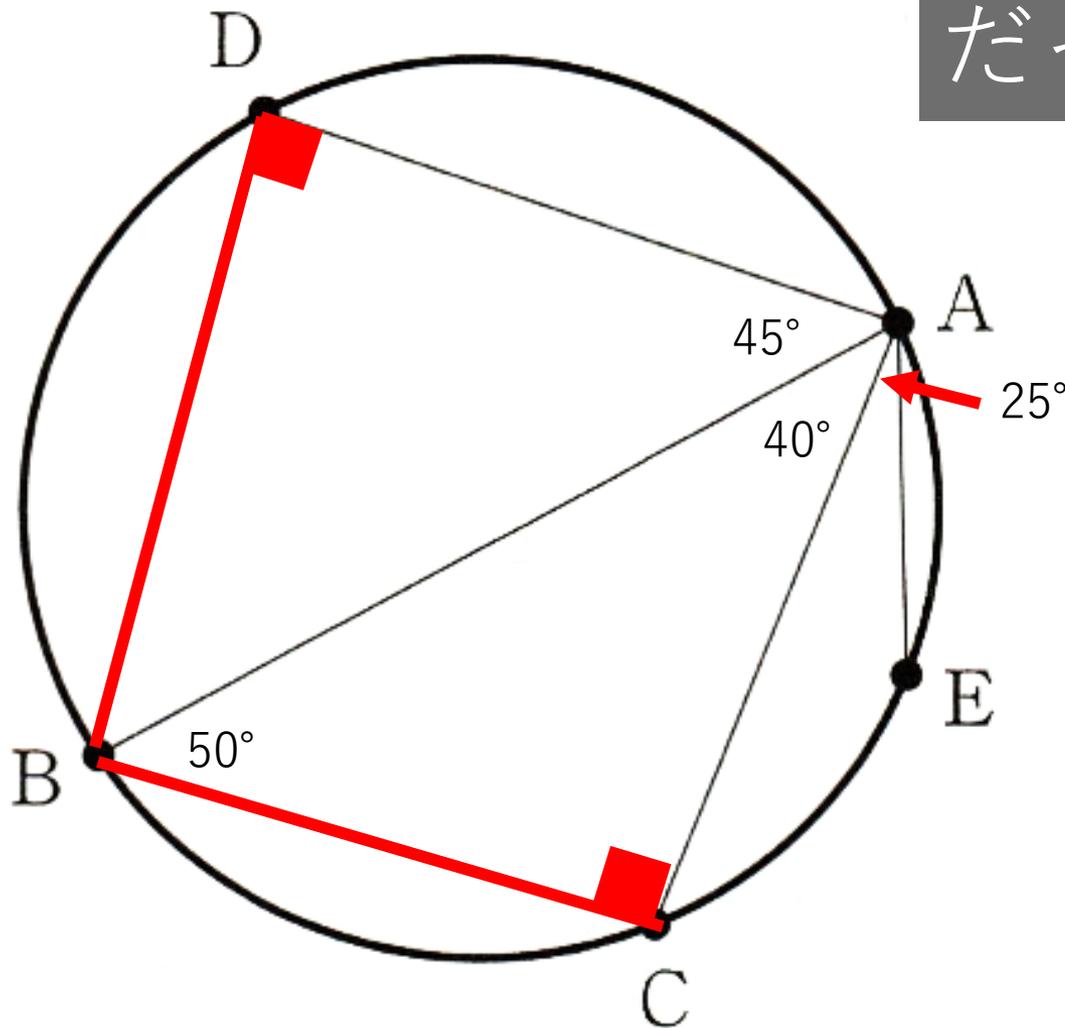
$$\bullet \quad \times \quad \bullet \quad \times = 140^\circ$$

$$\bullet \quad \times = 70^\circ$$

$$\begin{aligned} \angle DAE &= 70^\circ + 40^\circ \\ &= 110^\circ \end{aligned}$$

# 合否を分けた問題その1

ABがもし直径  
だったとすると



$$45^\circ + 40^\circ + 25^\circ = 110^\circ$$

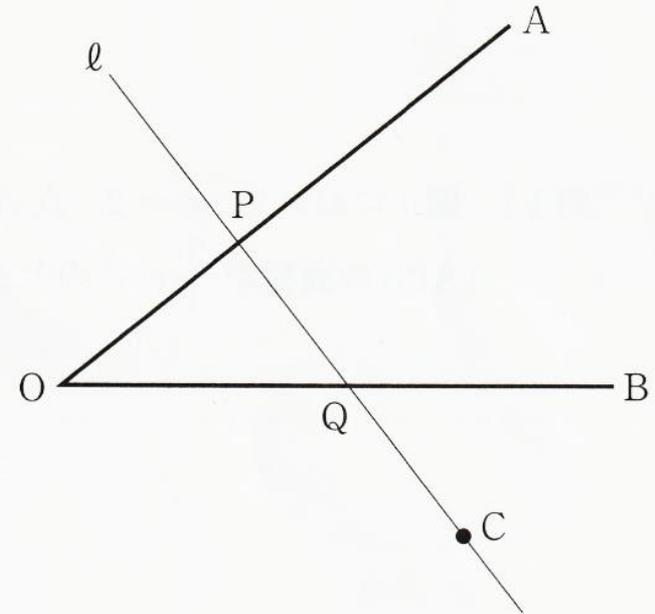
# 合否を分けた問題その2

〔問6〕 右の図2で、点Cは、線分OA上にも  
線分OB上にもない点である。

点Cを通り線分OAにも線分OBにも  
交わる直線 $\ell$ を引き、線分OAとの交点  
をP、線分OBとの交点をQとする。

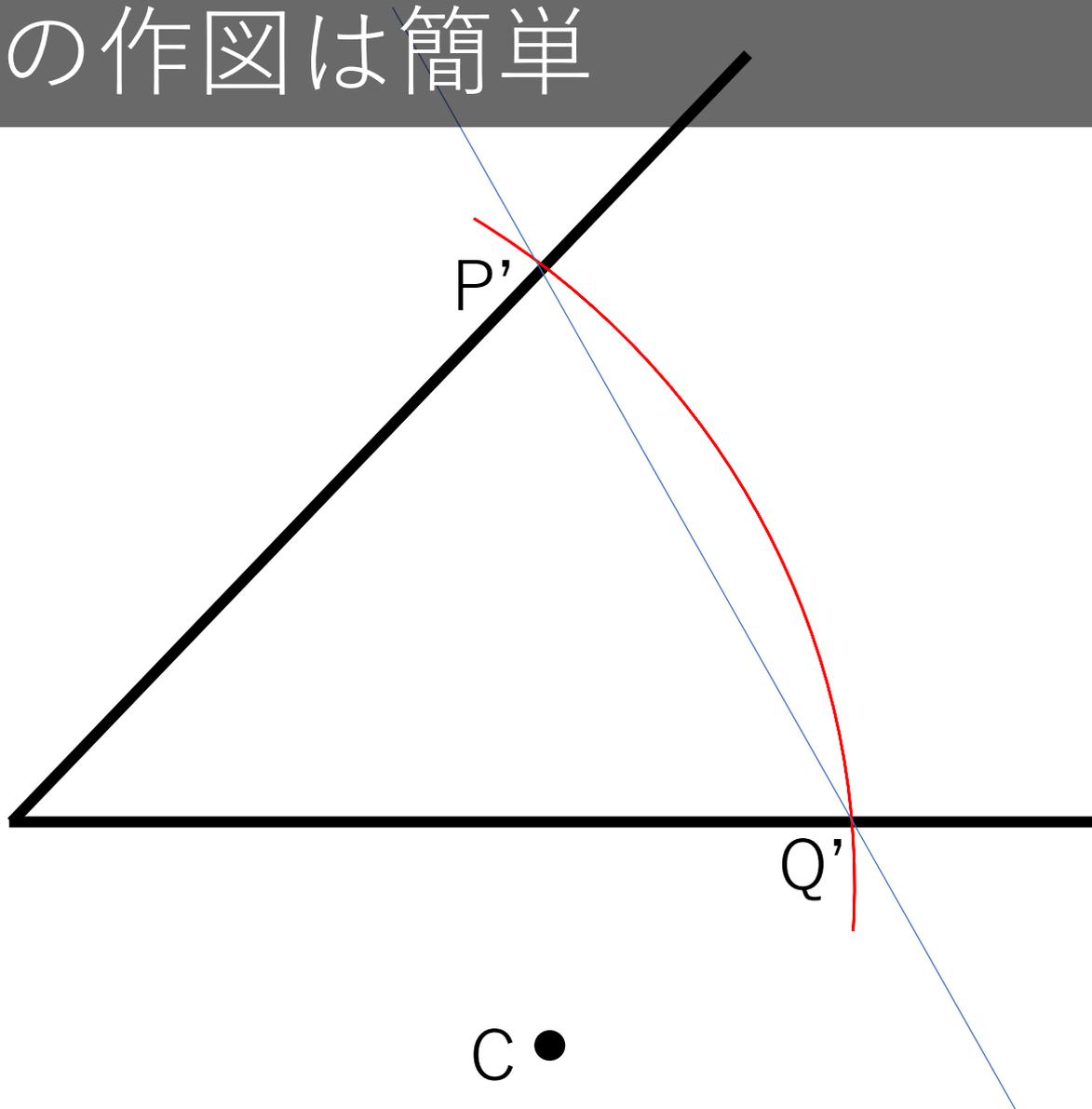
解答欄に示した図をもとにして、  
 $OP = OQ$ となる直線 $\ell$ を、定規とコンパスを  
用いて作図し、直線 $\ell$ を示す文字 $\ell$ 、  
点Pと点Qの位置を示す文字P、Qも書け。  
ただし、作図に用いた線は消さないで  
おくこと。

図2

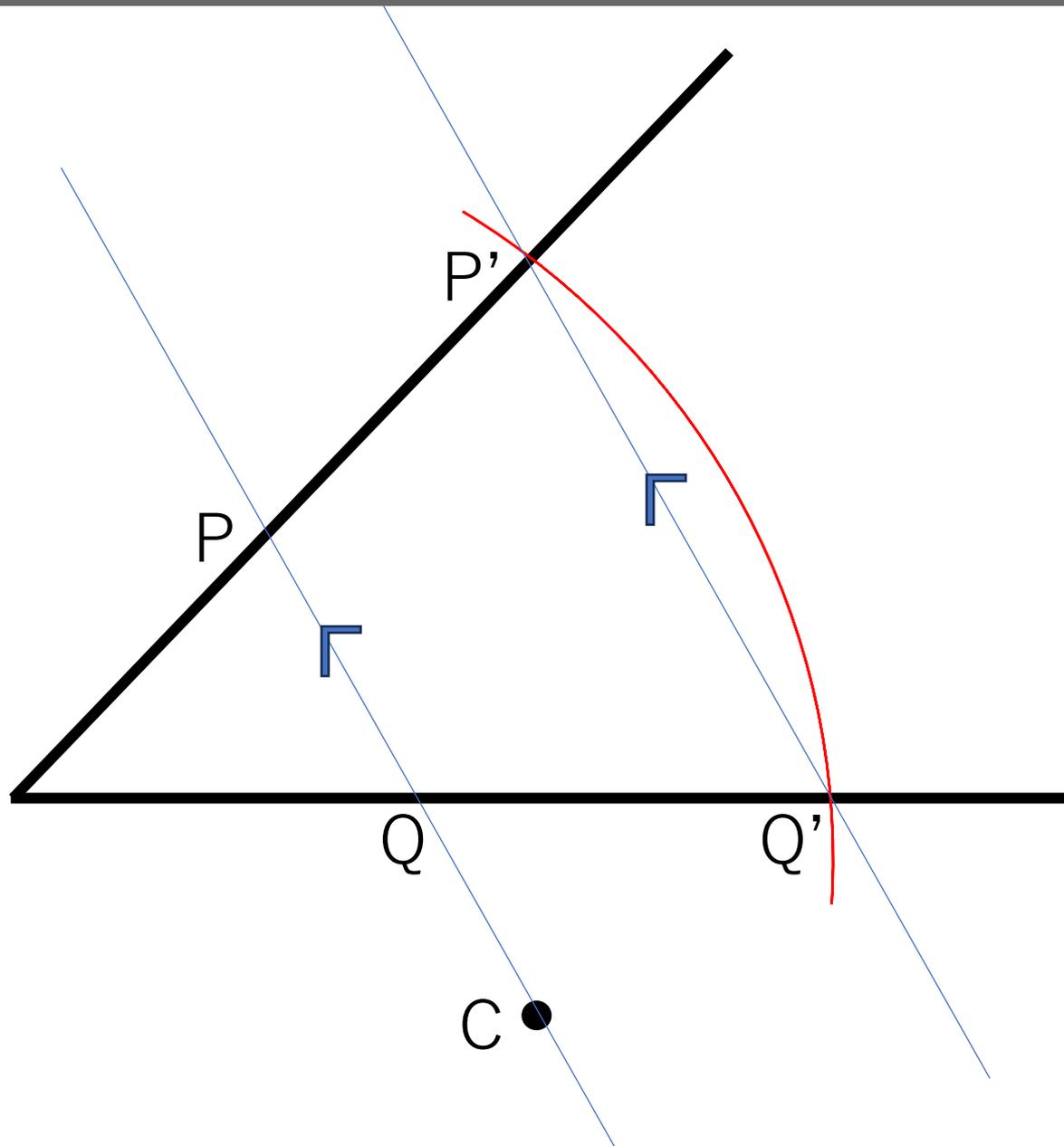


易しい条件から少しずつ取り組めば良かった問題

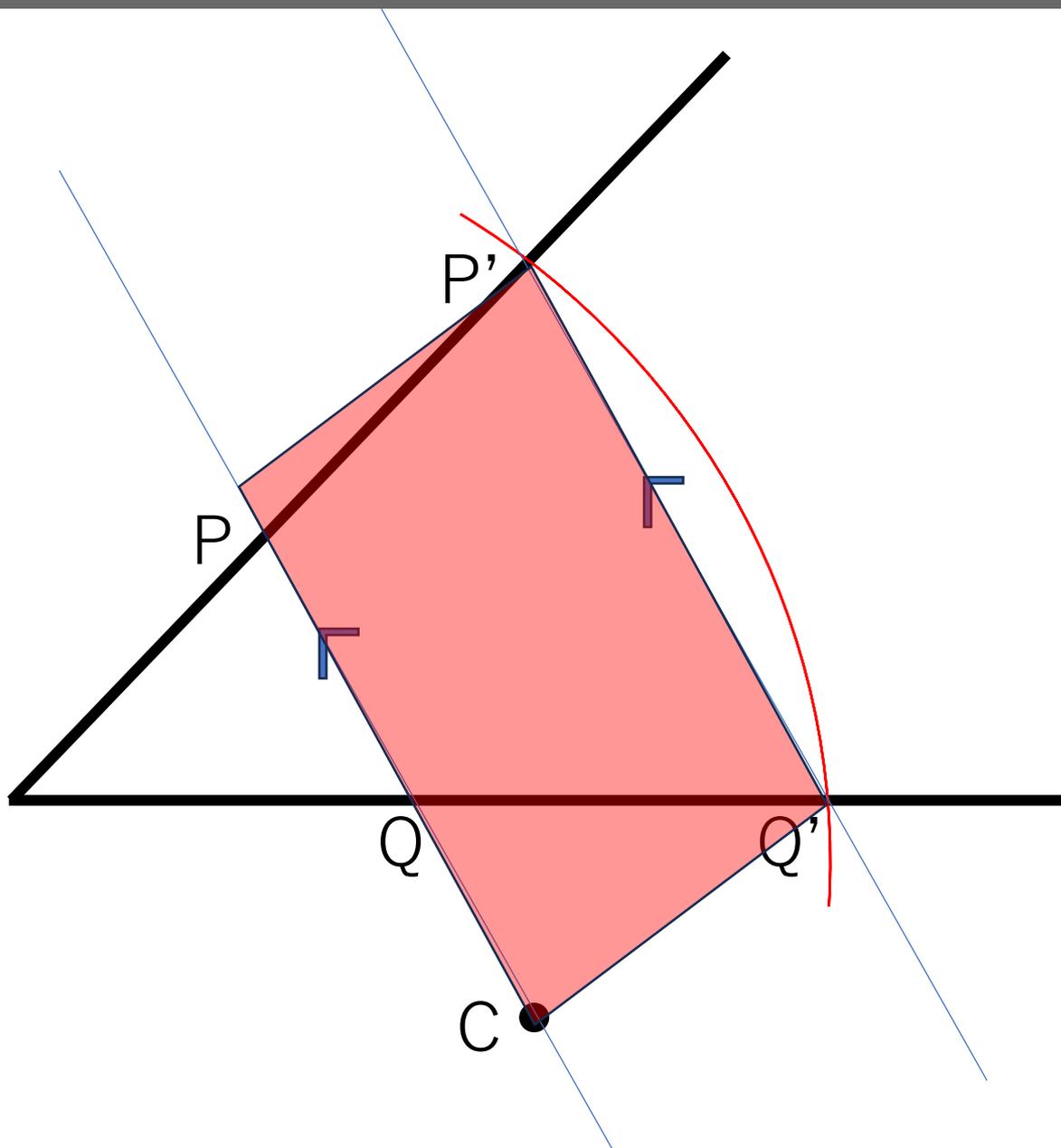
点Cを通らなくてもよければ  
P,Qの作図は簡単



点Cを通り、直線P'Q'と平行な直線

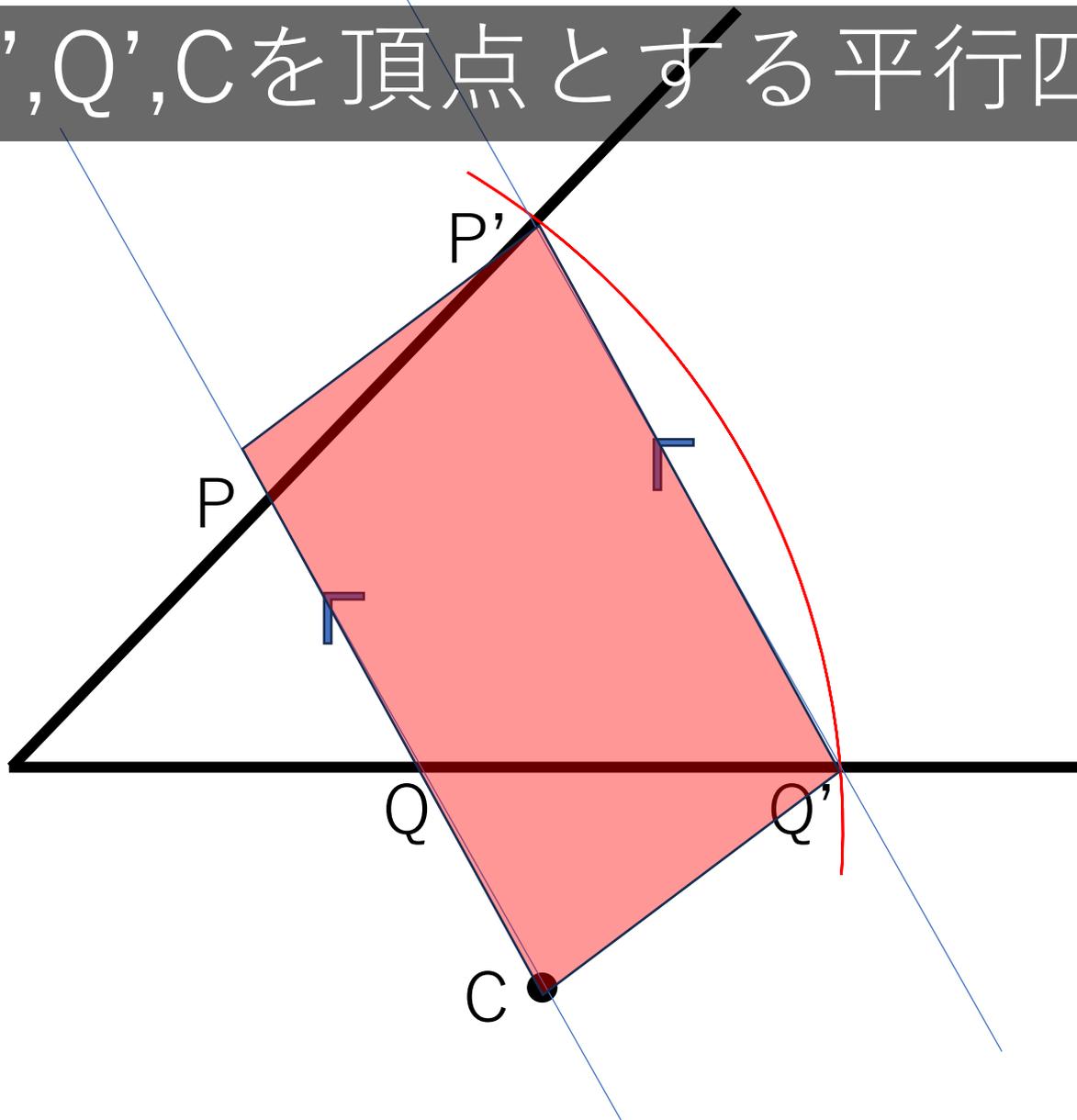


点Cを通り、直線P'Q'と平行な直線



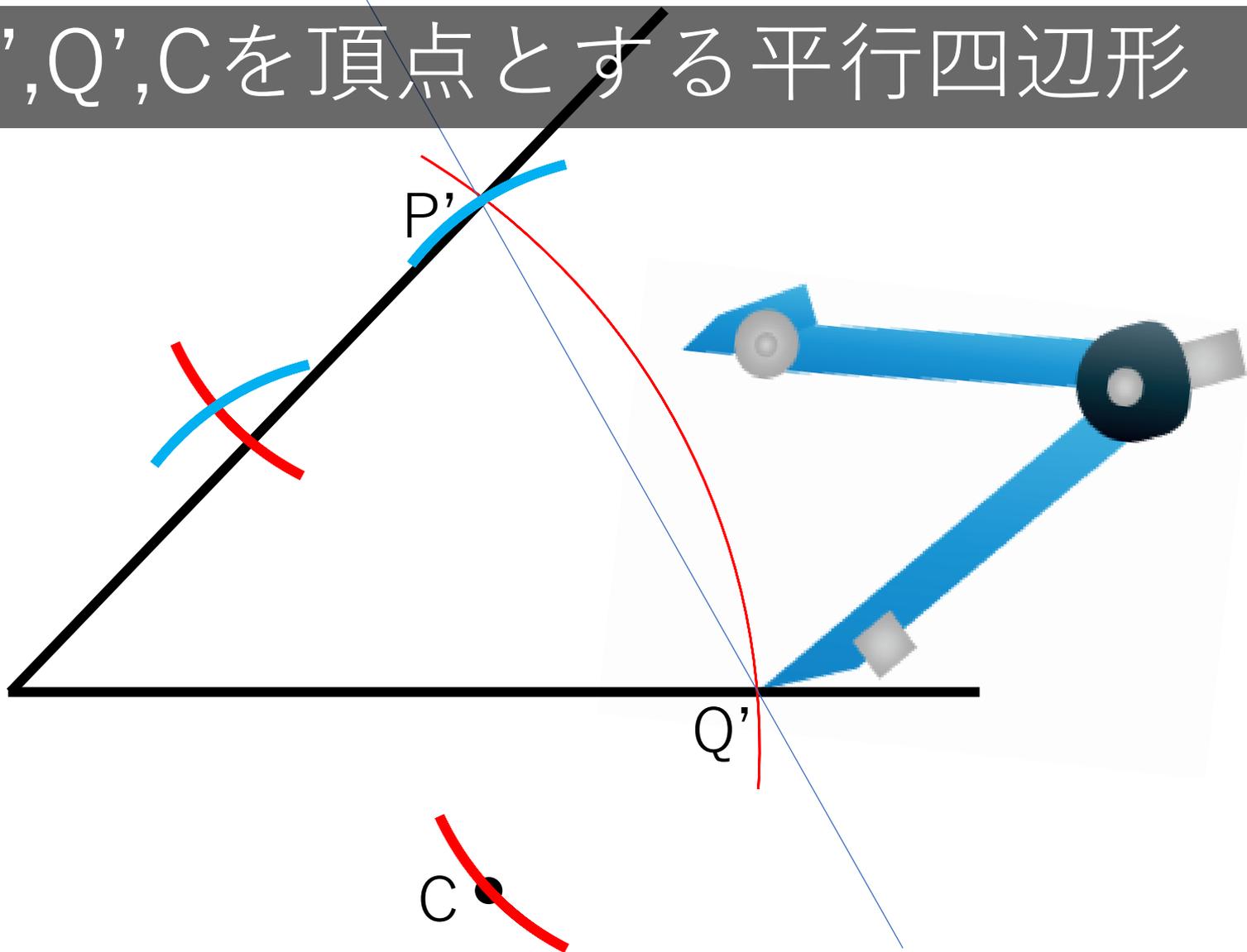
点Cを通り、直線P'Q'と平行な直線

点P',Q',Cを頂点とする平行四辺形



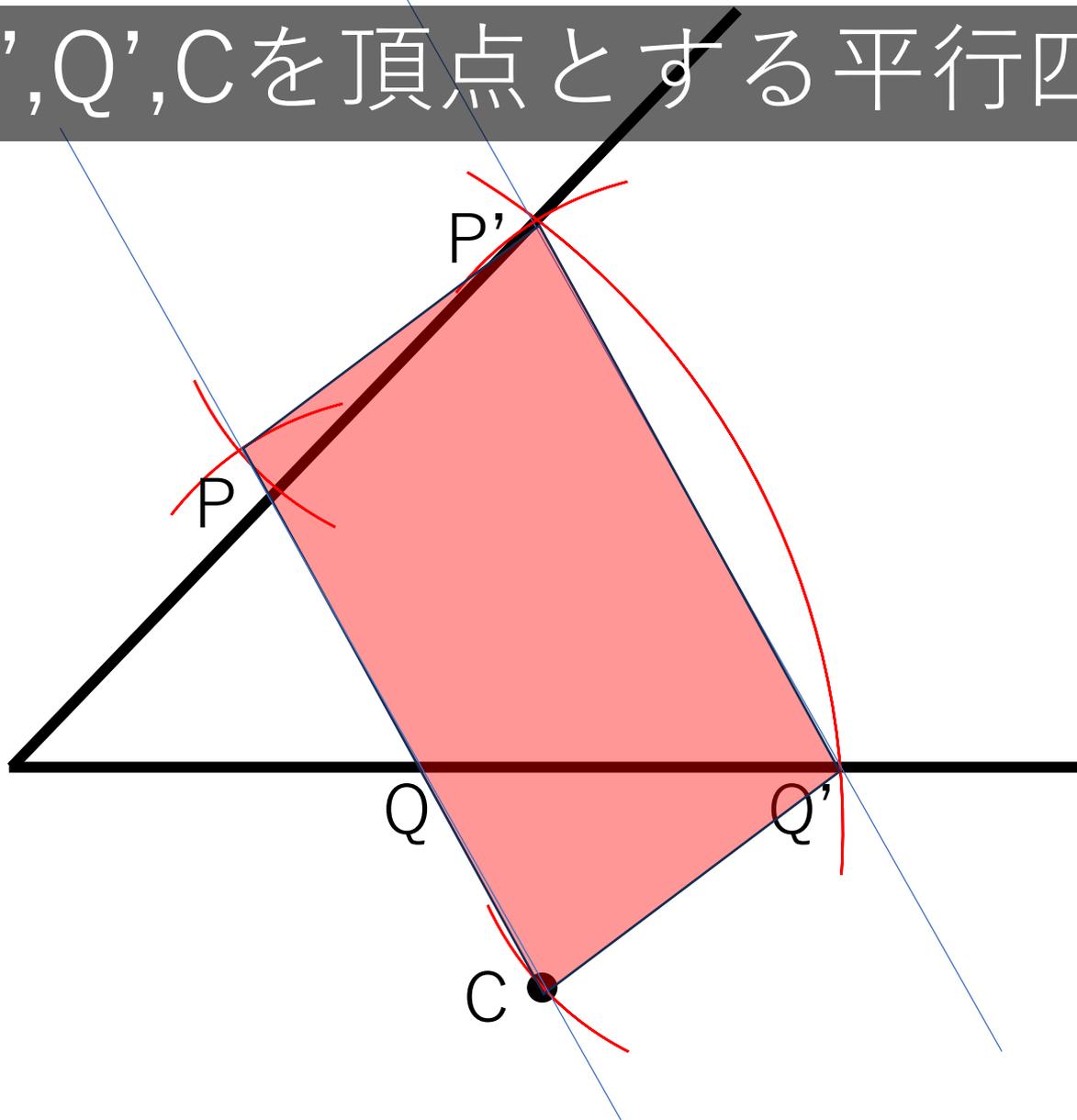
点Cを通り、直線P'Q'と平行な直線

点P',Q',Cを頂点とする平行四辺形



点Cを通り、直線P'Q'と平行な直線

点P',Q',Cを頂点とする平行四辺形



# 合否を分けた問題その3

〔問2〕 右の図2は、図1において、

$a = \frac{1}{2}$  の場合を表している。

次の(1), (2)に答えよ。

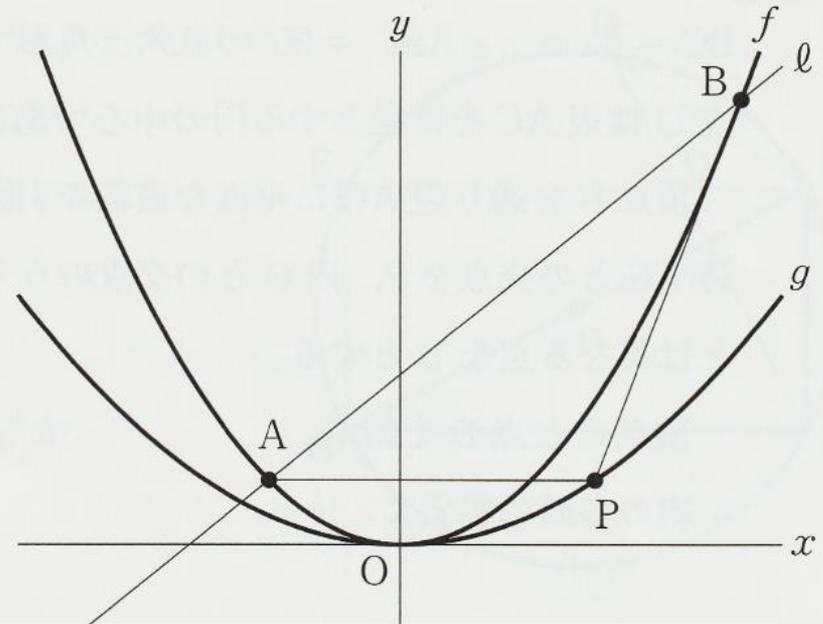
- (1) 図2において、点Bと点Pの  
 $x$ 座標が等しく、直線 $\ell$ の傾きが1の  
場合を考える。

線分APの長さは何cmか。

ただし、答えだけでなく、答えを

求める過程が分かるように、  
 $x$ 座標を  $-t$  ( $t > 0$ ) とし、  
計算などの続きと答えを書  
完成させよ。

図2



勝手な解き方を封じ  
る記述問題

【解答】 点Aの $x$ 座標を  $-t$  ( $t > 0$ ) とする。

点 A の  $x$  座標を  $-t$  ( $t > 0$ ) とする。

$y$  座標は,  $\frac{t^2}{2}$

よって, 点 P の  $y$  座標も  $\frac{t^2}{2}$ ,  $x$  座標は  $\frac{3}{2}t$

点 B と点 P の  $x$  座標が等しいとき,

$$\angle APB = 90^\circ$$

直線  $l$  の傾きが 1 なので,

$\triangle APB$  は直角二等辺三角形となる。

したがって,  $AP = BP$  となればよい。

点 B の  $x$  座標は  $\frac{3}{2}t$ ,  $y$  座標は  $\frac{9}{8}t^2$  である。

よって,  $AP = \frac{5}{2}t$ ,  $BP = \frac{5}{8}t^2$  である。

$AP = BP$  になるには,  $\frac{5}{8}t^2 = \frac{5}{2}t$

両辺を  $\frac{8}{5}$  倍して,  $t^2 = 4t$

$$t^2 - 4t = 0$$

$$t(t - 4) = 0$$

$t > 0$  より,  $t = 4$  となる。

よって,  $AP = \frac{5}{2} \times 4 = 10$

以下の問題番号に□をつけましょう

- 2 問2(2) ← 等積変形(頻出)
- 3 問2、問3 ← 3平方、相似
- 4 問1 ← 3平方

正解率 15%~45% の問題

合計 84点

(2) 右の図3は、図2において、

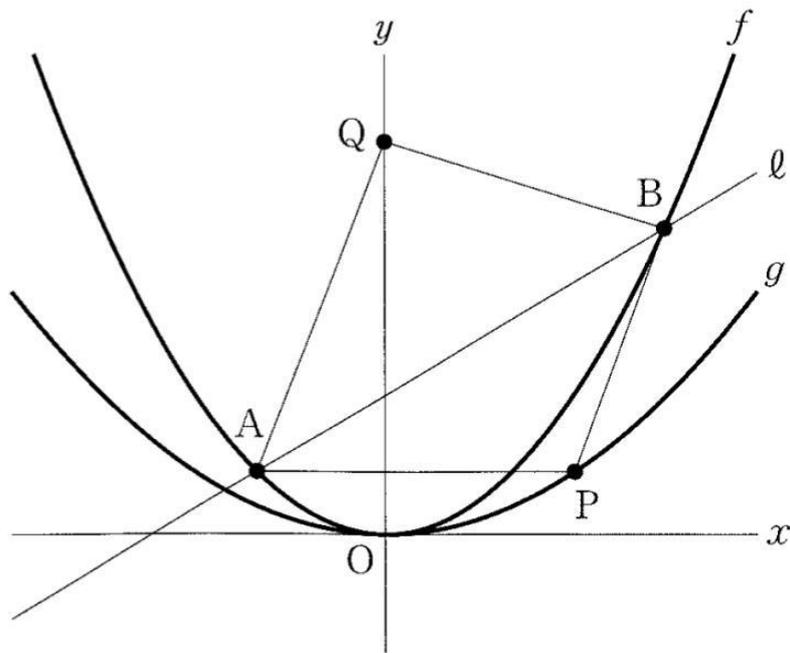
点Aの $x$ 座標が $-\frac{1}{3}$ 、

直線 $\ell$ の式が $y = \frac{1}{3}x + \frac{1}{6}$ のとき、

$y$ 軸上にあり $y$ 座標が $\frac{1}{6}$ より大きい点を $Q$ とし、点Aと点Q、点Bと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle APB$ の面積と $\triangle ABQ$ の面積の比が $5:7$ のとき、点 $Q$ の $y$ 座標を求めよ。

図3



(2) 右の図3は、図2において、

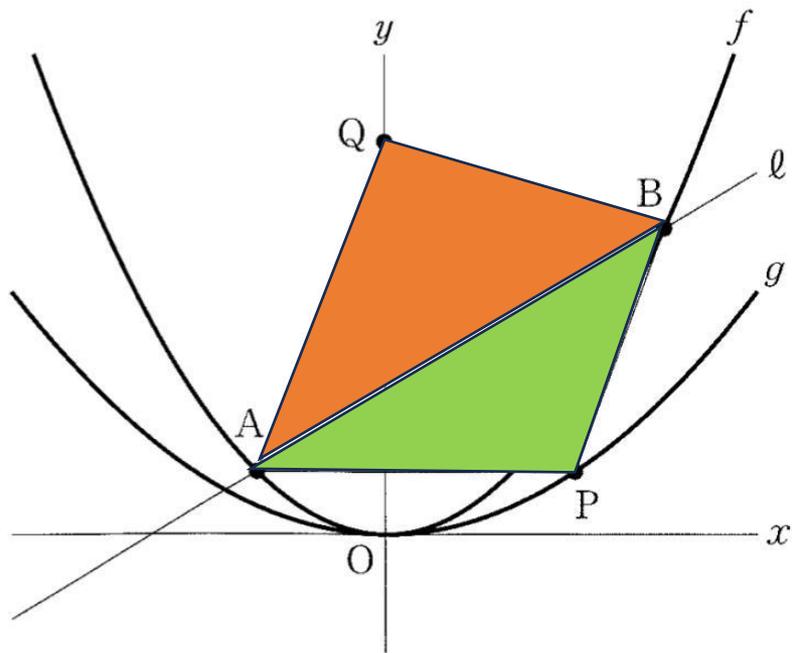
点Aの $x$ 座標が $-\frac{1}{3}$ 、

直線 $l$ の式が $y = \frac{1}{3}x + \frac{1}{6}$ のとき、

$y$ 軸上にあり $y$ 座標が $\frac{1}{6}$ より大きい点を $Q$ とし、点Aと点Q、点Bと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle APB$ の面積と $\triangle ABQ$ の面積の比が $5:7$ のとき、点 $Q$ の $y$ 座標を求めよ。

図3



(2) 右の図3は、図2において、

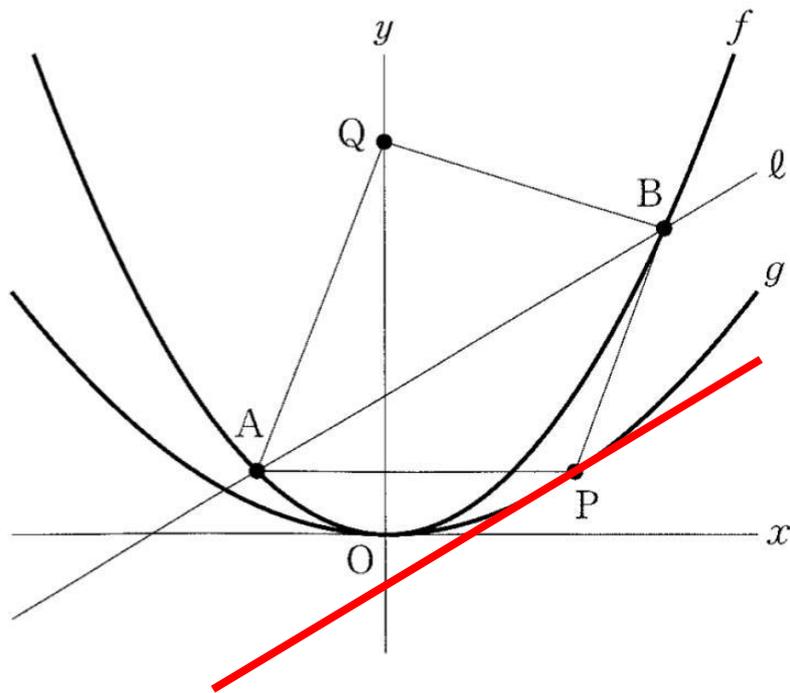
点Aの $x$ 座標が $-\frac{1}{3}$ 、

直線 $l$ の式が $y = \frac{1}{3}x + \frac{1}{6}$ のとき、

$y$ 軸上にあり $y$ 座標が $\frac{1}{6}$ より大きい点を $Q$ とし、点Aと点Q、点Bと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle APB$ の面積と $\triangle ABQ$ の面積の比が $5:7$ のとき、点 $Q$ の $y$ 座標を求めよ。

図3



(2) 右の図3は、図2において、

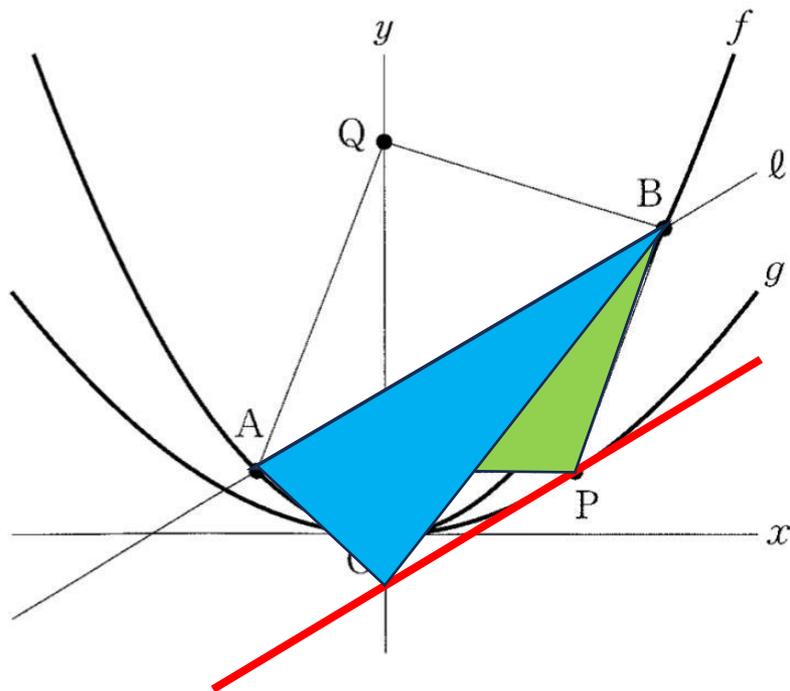
点Aの $x$ 座標が $-\frac{1}{3}$ 、

直線 $l$ の式が $y = \frac{1}{3}x + \frac{1}{6}$ のとき、

$y$ 軸上にあり $y$ 座標が $\frac{1}{6}$ より大きい点を $Q$ とし、点Aと点Q、点Bと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle APB$ の面積と $\triangle ABQ$ の面積の比が $5:7$ のとき、点 $Q$ の $y$ 座標を求めよ。

図3



(2) 右の図3は、図2において、

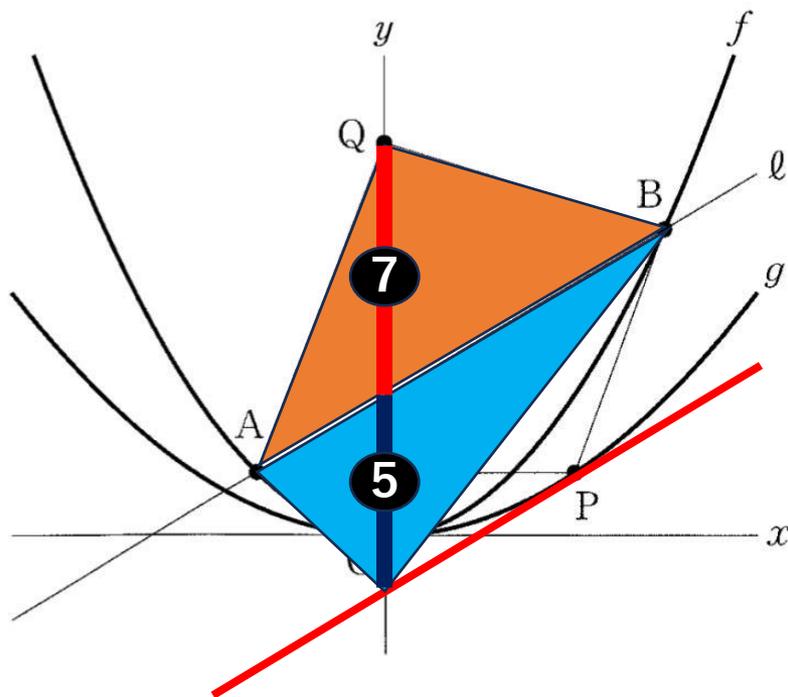
点Aの $x$ 座標が $-\frac{1}{3}$ ,

直線 $l$ の式が $y = \frac{1}{3}x + \frac{1}{6}$ のとき、

$y$ 軸上にあり $y$ 座標が $\frac{1}{6}$ より大きい点を $Q$ とし、点Aと点Q、点Bと点Qをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle APB$ の面積と $\triangle ABQ$ の面積の比が $5:7$ のとき、点 $Q$ の $y$ 座標を求めよ。

図3



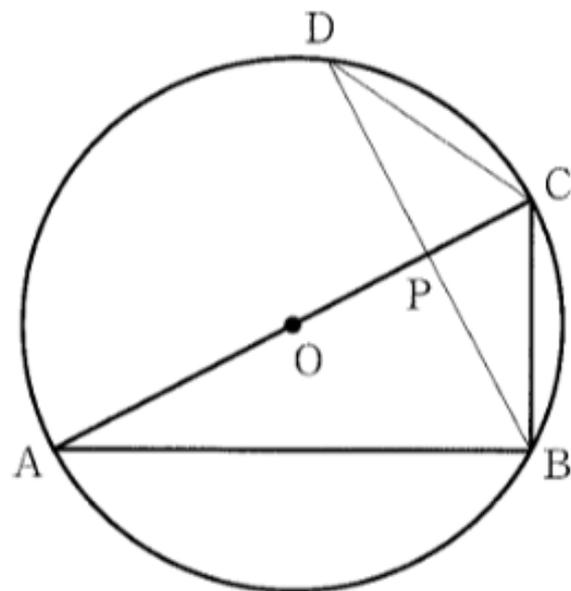
3 右の図1において、 $\triangle ABC$ は、 $AB = 8\text{ cm}$ 、 $BC = 4\text{ cm}$ 、 $\angle ABC = 90^\circ$ の直角三角形であり、点Oは辺ACを直径とする円の中心である。

頂点Bを通り辺ACに垂直な直線を引き、辺ACとの交点をP、円Oとの交点のうち頂点Bとは異なる点をDとする。

頂点Cと点Dを結ぶ。

次の各問に答えよ。

図1



[問1] 点Dは、線分ACを対称の軸として頂点Bと線対称な点であることを、下の  の中のように証明する。

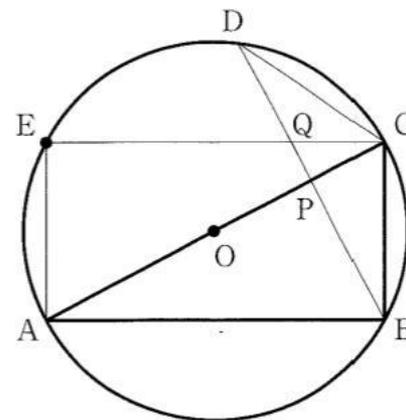
〔問2〕 右の図2は、図1において、

頂点Bを含まない $\widehat{AD}$ 上にある点をEとし、  
 頂点Aと点E、頂点Cと点Eをそれぞれ結び、  
 線分ECと線分BDとの交点をQとした場合を  
 表している。

点Aと点Qを結んだ場合を考える。

AE = 4 cm のとき、 $\triangle ACQ$ の面積は何 $\text{cm}^2$ か。

図2



〔問3〕 右の図3は、図2において、点Dと点Eを結び、  
 線分AEをEの方向に延ばした直線と、線分CDを  
 Dの方向に延ばした直線との交点をRとした場合を  
 表している。

AE = 4 cm のとき、線分ERの長さは何cmか。

図3

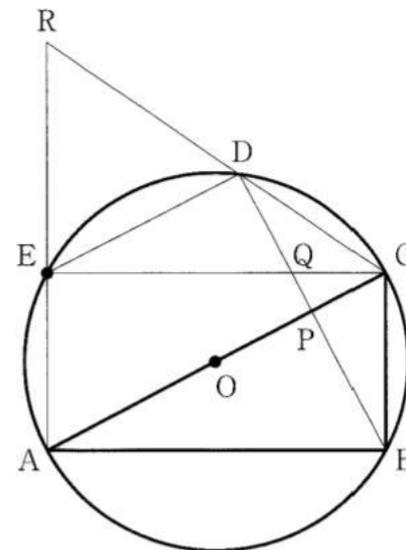
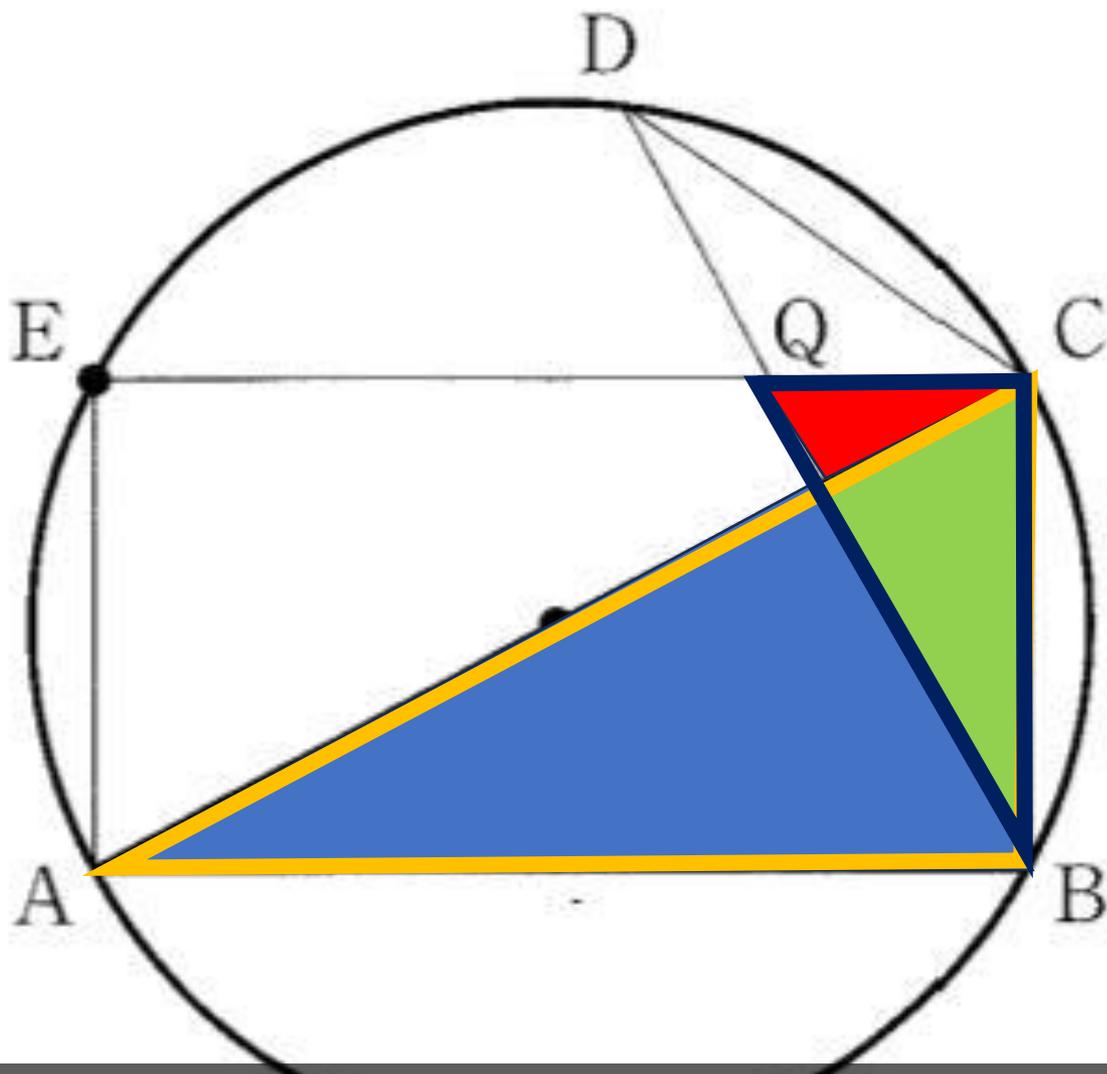
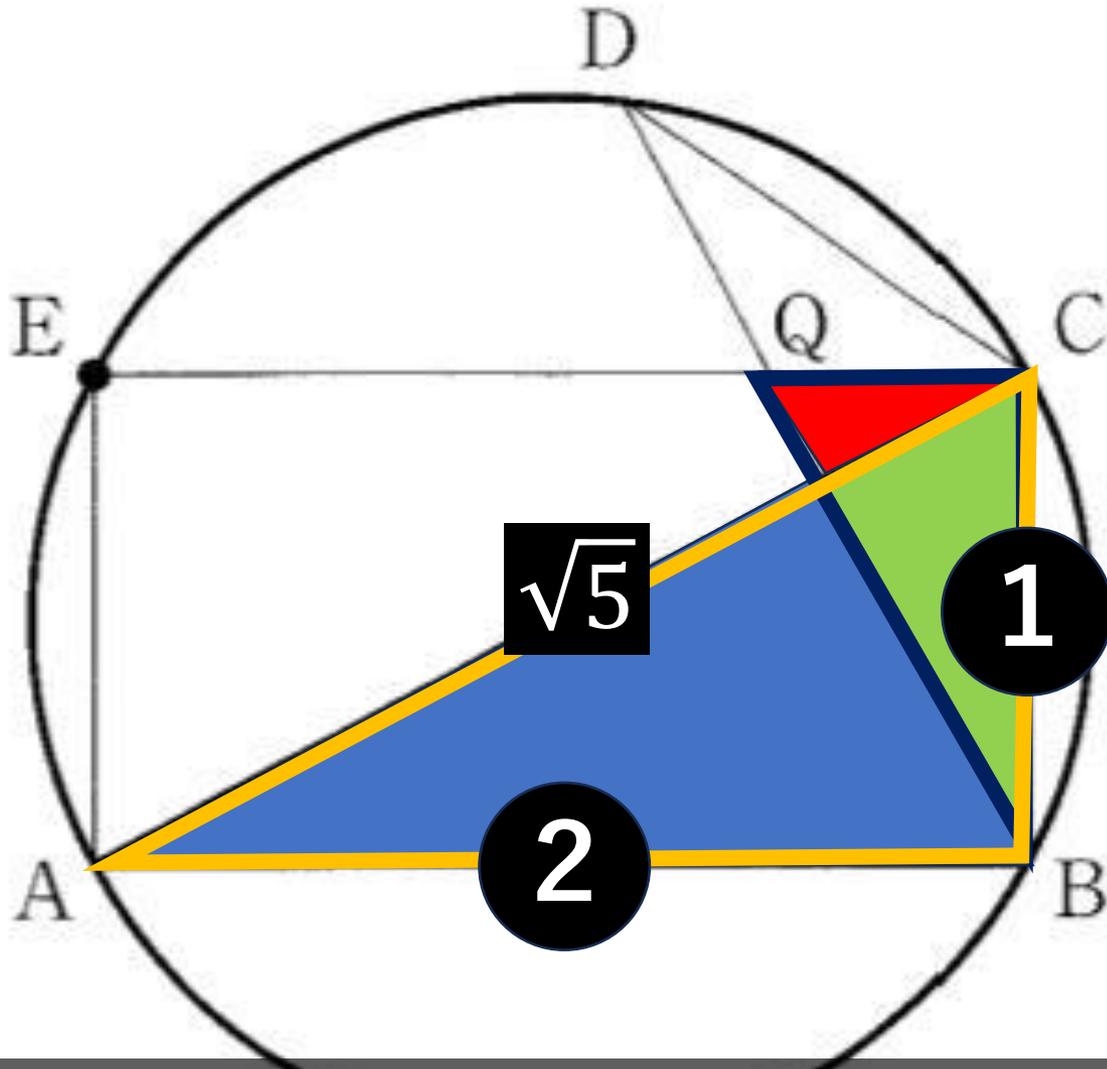


図 2



相似な図形がたくさんある

図 2



相似な図形がたくさんある

图 2

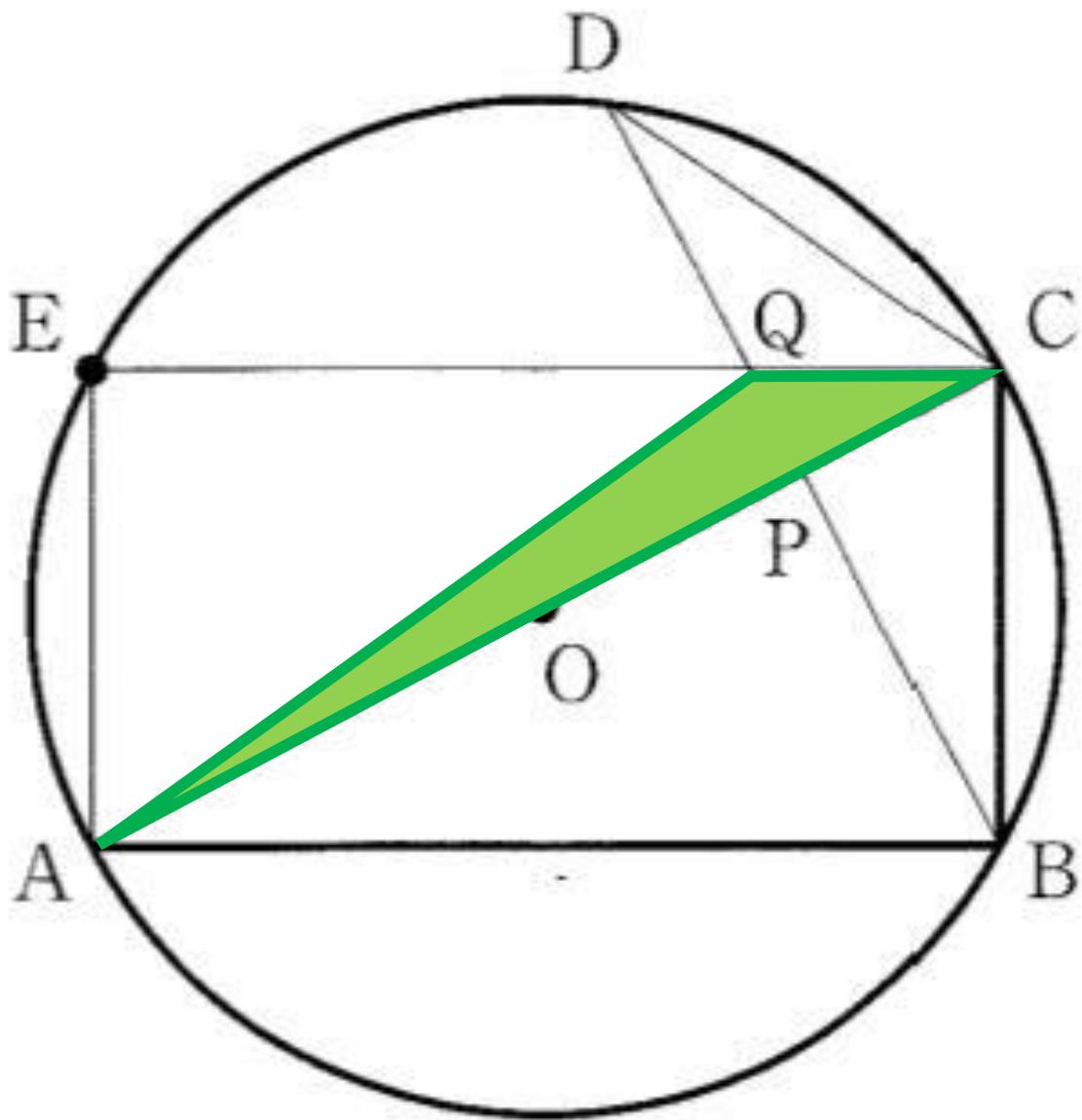
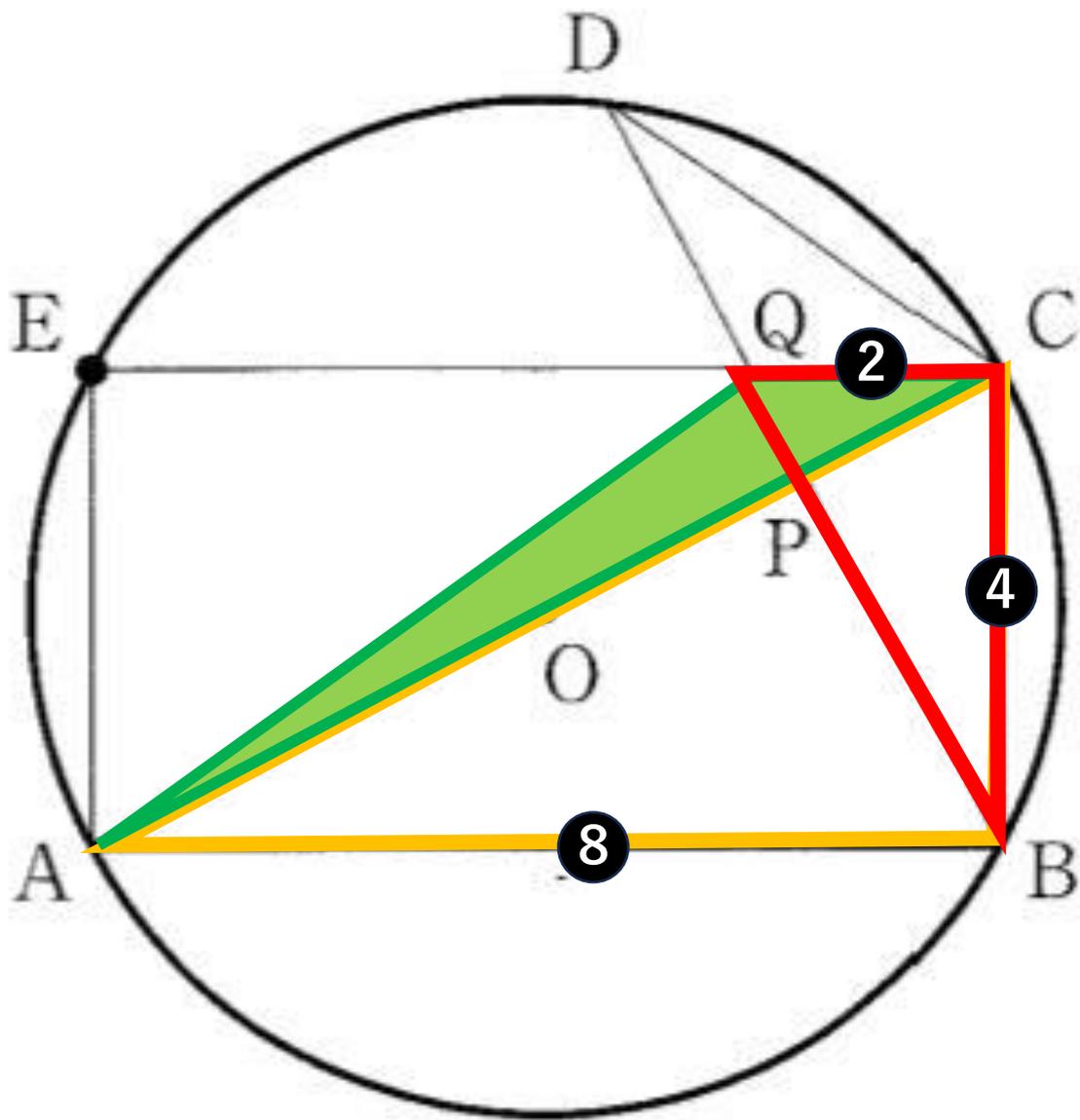


图 2



[問3] 右の図3は、図2において、点Dと点Eを結び、  
 線分AEをEの方向に延ばした直線と、線分CDを  
 Dの方向に延ばした直線との交点をRとした場合を  
 表している。

AE = 4 cm のとき、線分ERの長さは何 cm か。

図3

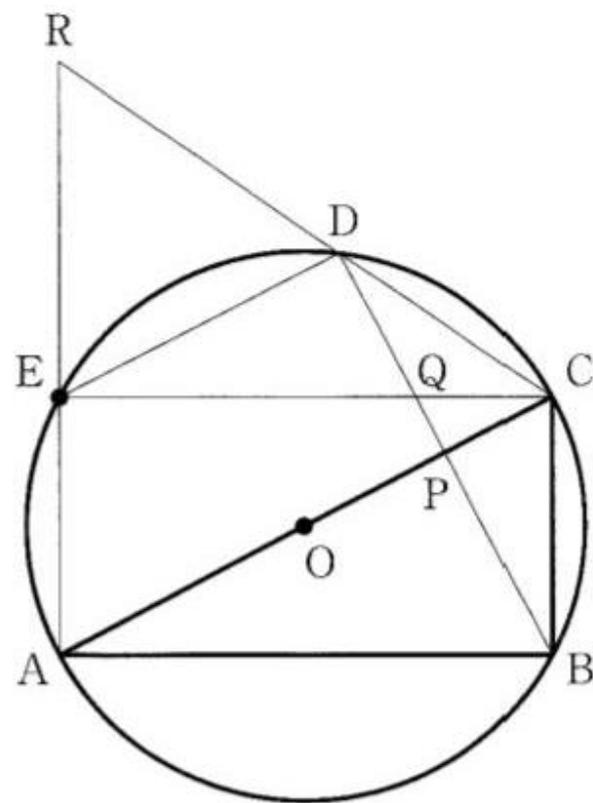


图 3

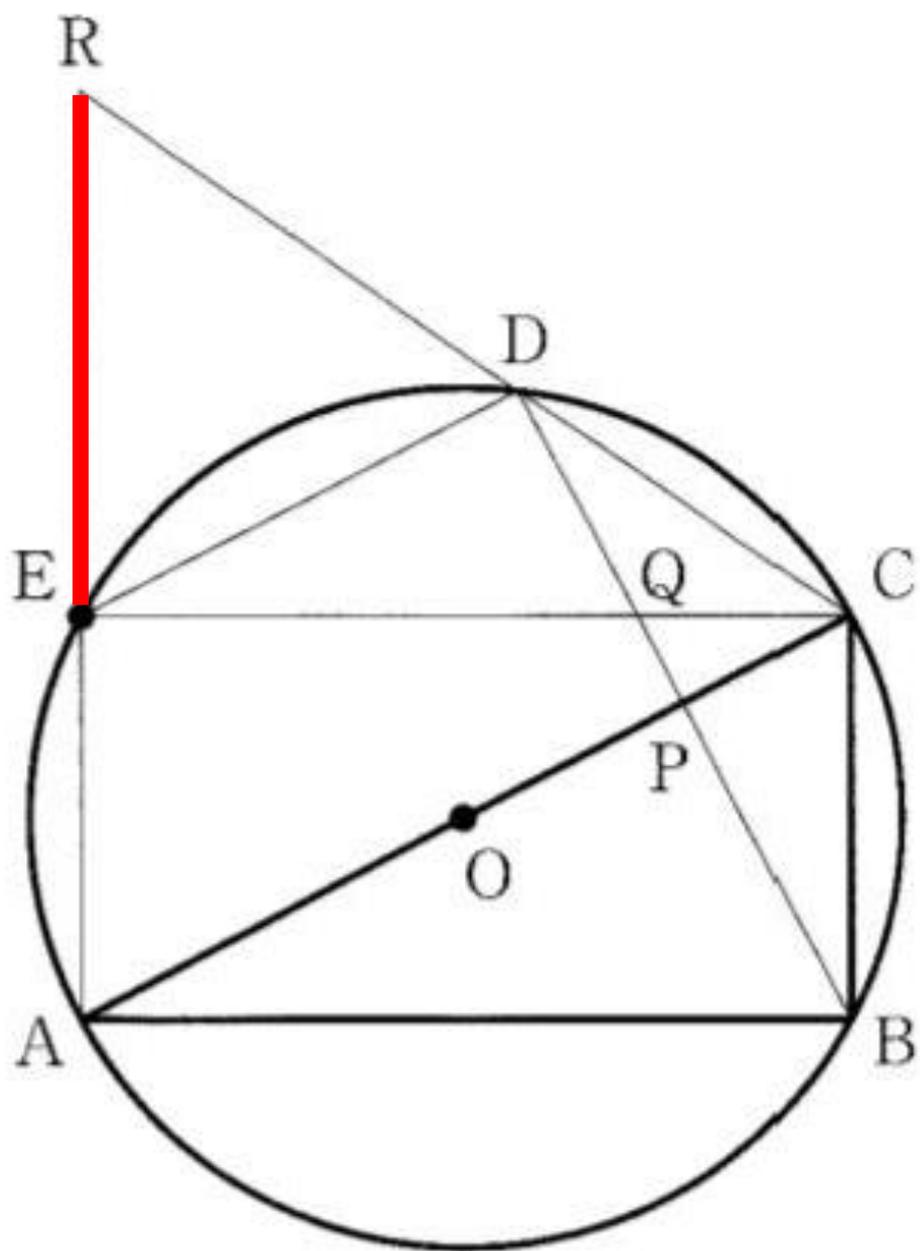


図 3

同じ角度がたくさん

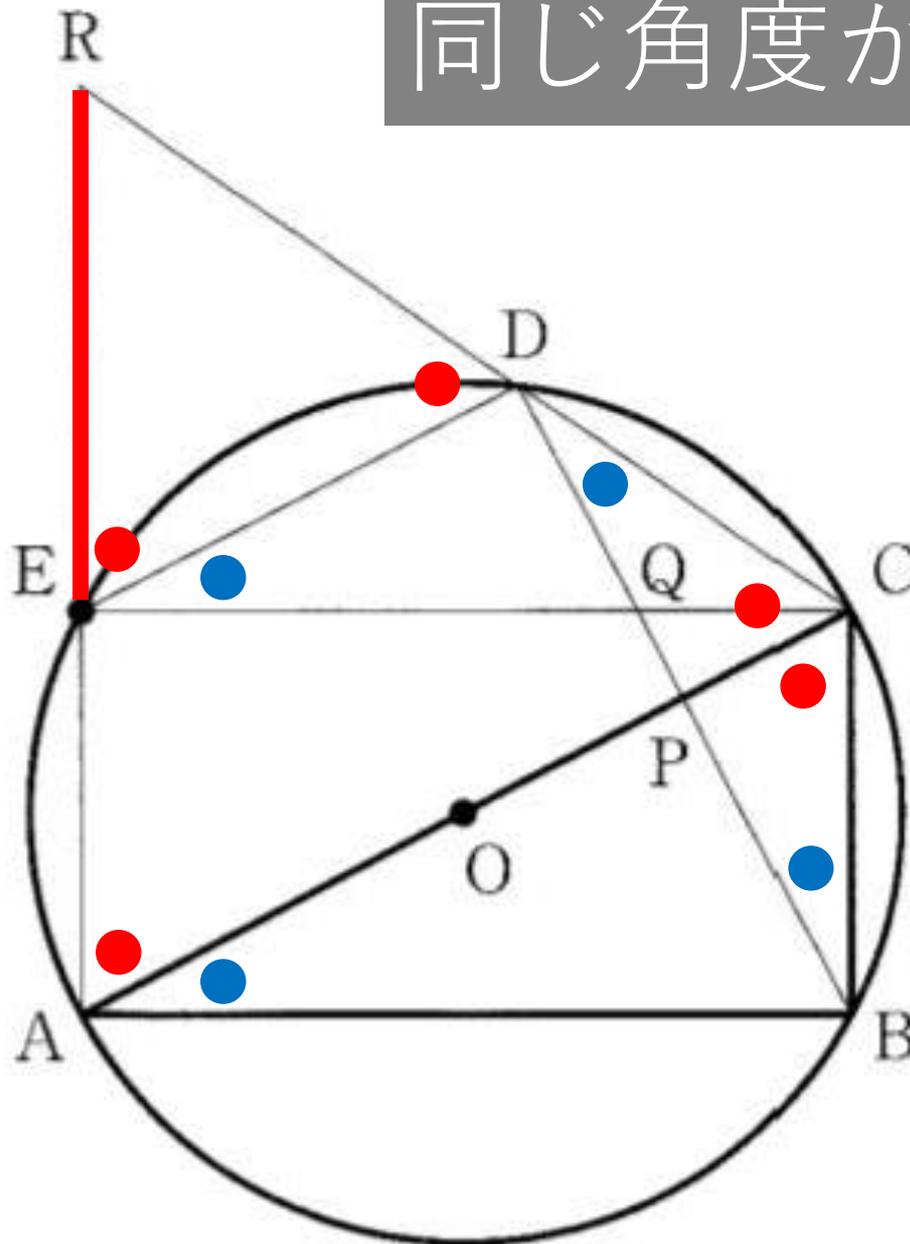


図 3

平行線を発見！

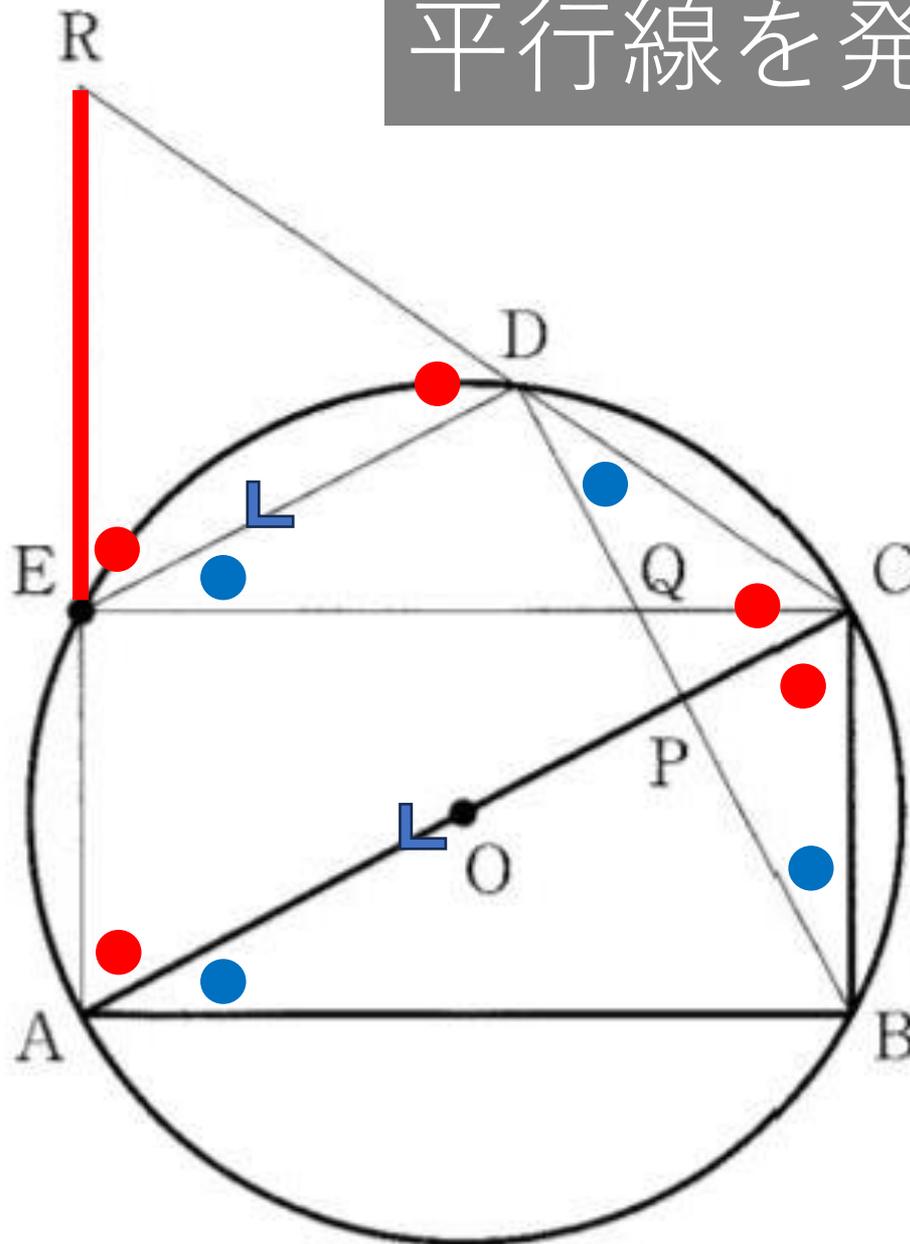
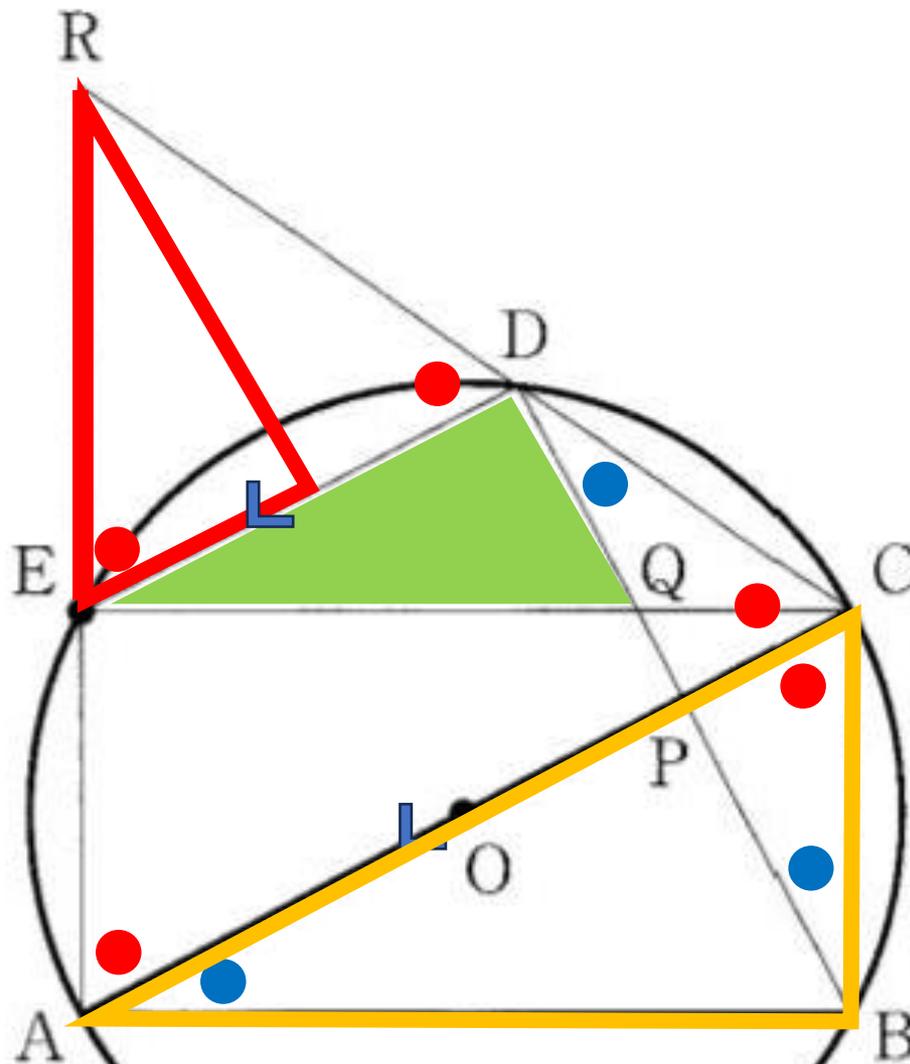
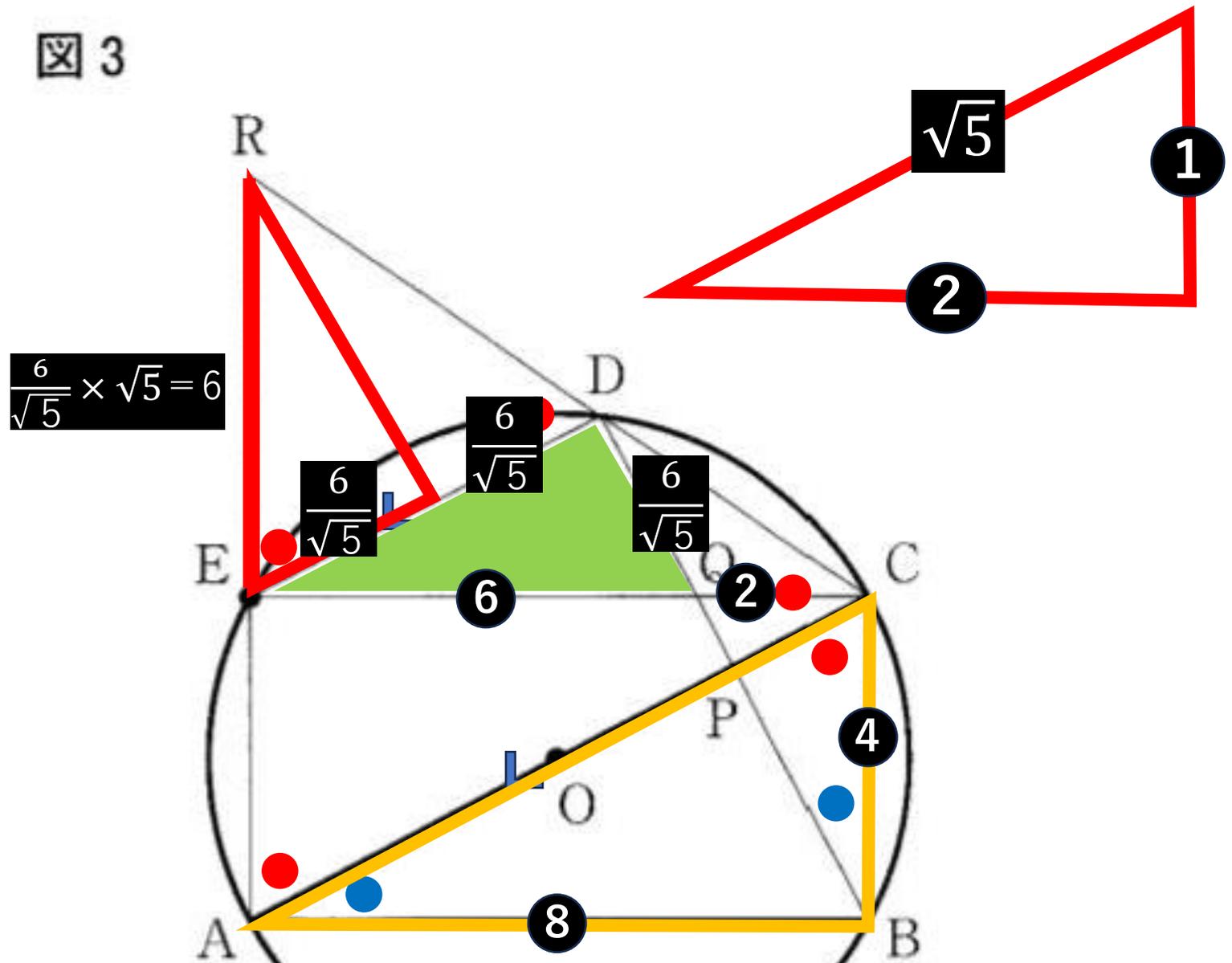


図 3



相似な図形がたくさんある

図 3



相似な図形がたくさんある

4 右の図1で、立体  $ABC-DEF$  は、  
 側面が全て長方形で、 $AB = AC = AD = 8\text{ cm}$ 、  
 $BC = 12\text{ cm}$  の三角柱である。

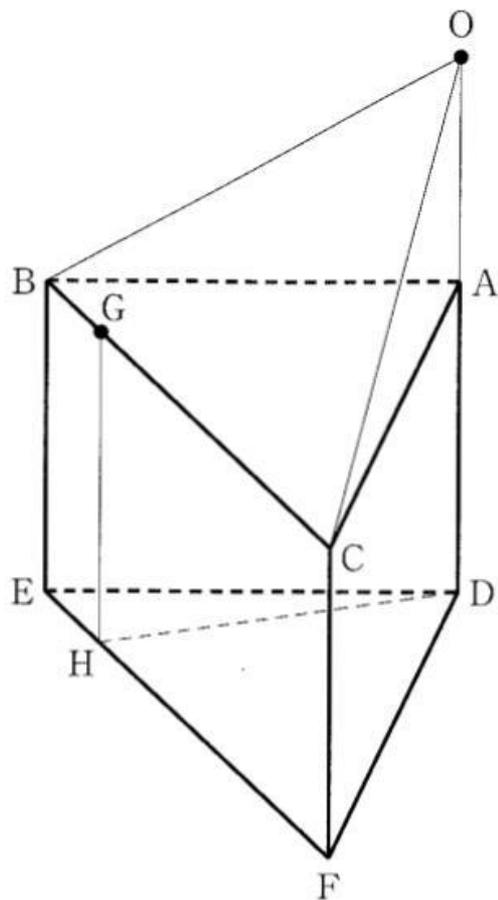
辺  $DA$  を  $A$  の方向に延ばした直線上にあり  
 $AO = 6\text{ cm}$  となる点を  $O$  とし、

頂点  $B$  と点  $O$ 、頂点  $C$  と点  $O$  をそれぞれ結ぶ。

辺  $BC$  上にある点を  $G$  とし、点  $G$  を通り  
 辺  $BE$  に平行な直線を引き、辺  $EF$  との交点を  $H$   
 とし、頂点  $D$  と点  $H$  を結ぶ。

次の各問に答えよ。

図1



〔問1〕 点  $O$  と点  $H$  を結んだ場合を考える。

$BG = 2\text{ cm}$  のとき、線分  $OH$  の長さは何  $\text{cm}$  か。

4

右の図1で、立体  $ABC-DEF$  は、

側面が全て長方形で、 $AB = AC = AD = 8\text{ cm}$ 、  
 $BC = 12\text{ cm}$  の三角柱である。

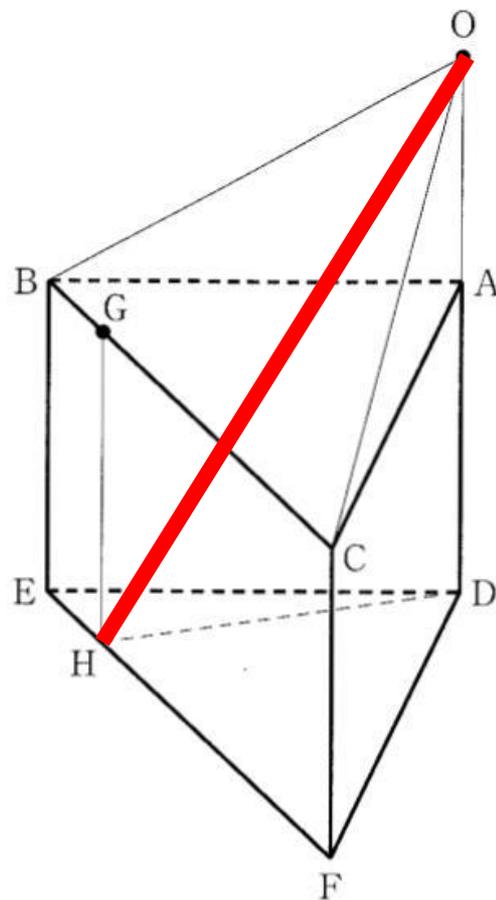
辺  $DA$  を  $A$  の方向に延ばした直線上にあり  
 $AO = 6\text{ cm}$  となる点を  $O$  とし、

頂点  $B$  と点  $O$ 、頂点  $C$  と点  $O$  をそれぞれ結ぶ。

辺  $BC$  上にある点を  $G$  とし、点  $G$  を通り  
 辺  $BE$  に平行な直線を引き、辺  $EF$  との交点を  $H$   
 とし、頂点  $D$  と点  $H$  を結ぶ。

次の各問に答えよ。

図1



〔問1〕 点  $O$  と点  $H$  を結んだ場合を考える。

$BG = 2\text{ cm}$  のとき、線分  $OH$  の長さは何  $\text{cm}$  か。

4

右の図1で、立体  $ABC-DEF$  は、

側面が全て長方形で、 $AB = AC = AD = 8\text{ cm}$ 、  
 $BC = 12\text{ cm}$  の三角柱である。

辺  $DA$  を  $A$  の方向に延ばした直線上にあり  
 $AO = 6\text{ cm}$  となる点を  $O$  とし、

頂点  $B$  と点  $O$ 、頂点  $C$  と点  $O$  をそれぞれ結ぶ。

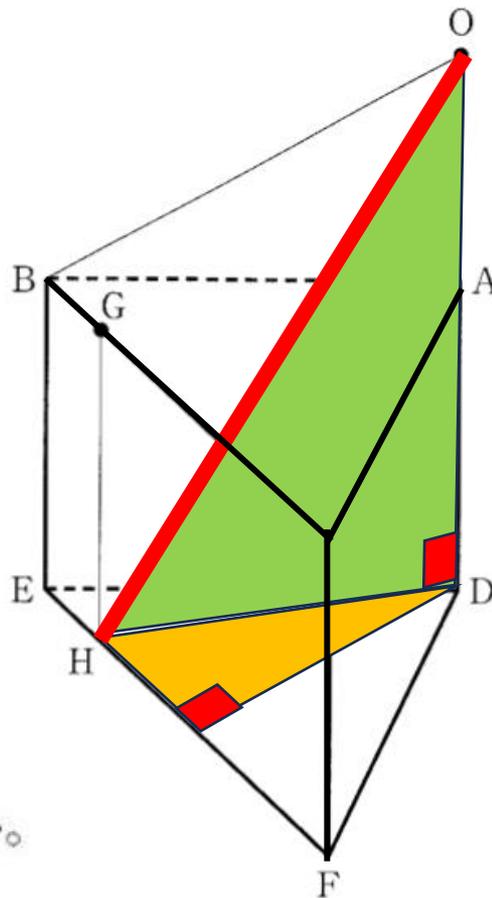
辺  $BC$  上にある点を  $G$  とし、点  $G$  を通り  
 辺  $BE$  に平行な直線を引き、辺  $EF$  との交点を  $H$   
 とし、頂点  $D$  と点  $H$  を結ぶ。

次の各問に答えよ。

〔問1〕 点  $O$  と点  $H$  を結んだ場合を考える。

$BG = 2\text{ cm}$  のとき、線分  $OH$  の長さは何  $\text{cm}$  か。

図1



4

右の図1で、立体  $ABC-DEF$  は、

側面が全て長方形で、 $AB = AC = AD = 8 \text{ cm}$ 、  
 $BC = 12 \text{ cm}$  の三角柱である。

辺  $DA$  を  $A$  の方向に延ばした直線上にあり  
 $AO = 6 \text{ cm}$  となる点を  $O$  とし、

頂点  $B$  と点  $O$ 、頂点  $C$  と点  $O$  をそれぞれ結ぶ。

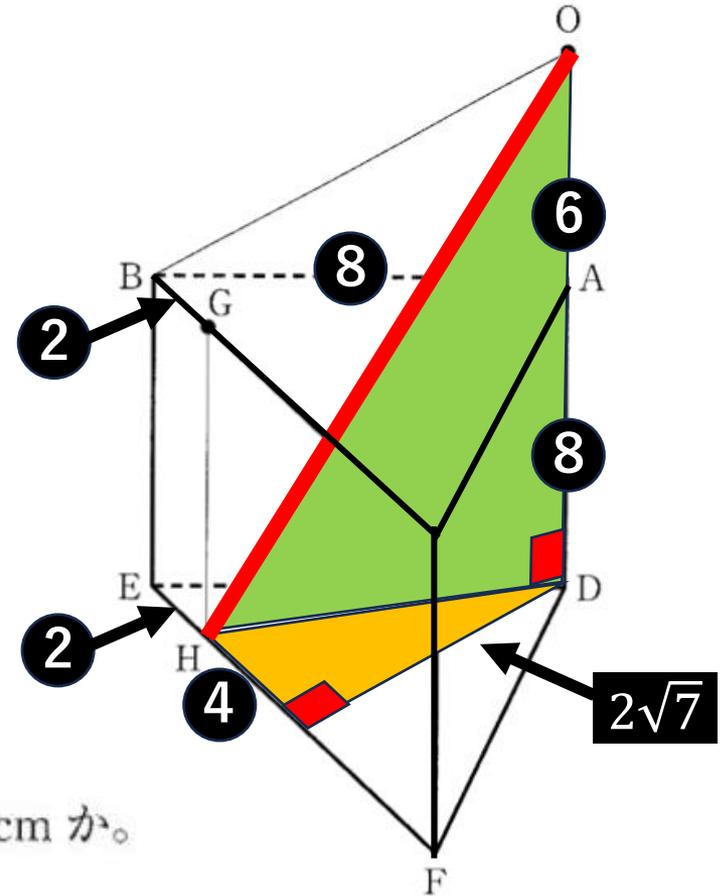
辺  $BC$  上にある点を  $G$  とし、点  $G$  を通り  
 辺  $BE$  に平行な直線を引き、辺  $EF$  との交点を  $H$   
 とし、頂点  $D$  と点  $H$  を結ぶ。

次の各問に答えよ。

[問1] 点  $O$  と点  $H$  を結んだ場合を考える。

$BG = 2 \text{ cm}$  のとき、線分  $OH$  の長さは何  $\text{cm}$  か。

図1



# まとめ

目標ライン

高度な思考力と  
計算力が問われる問題

← 正答率10%未満  
の問題が15点分

□ 計算力  
を問う問題

合格ライン

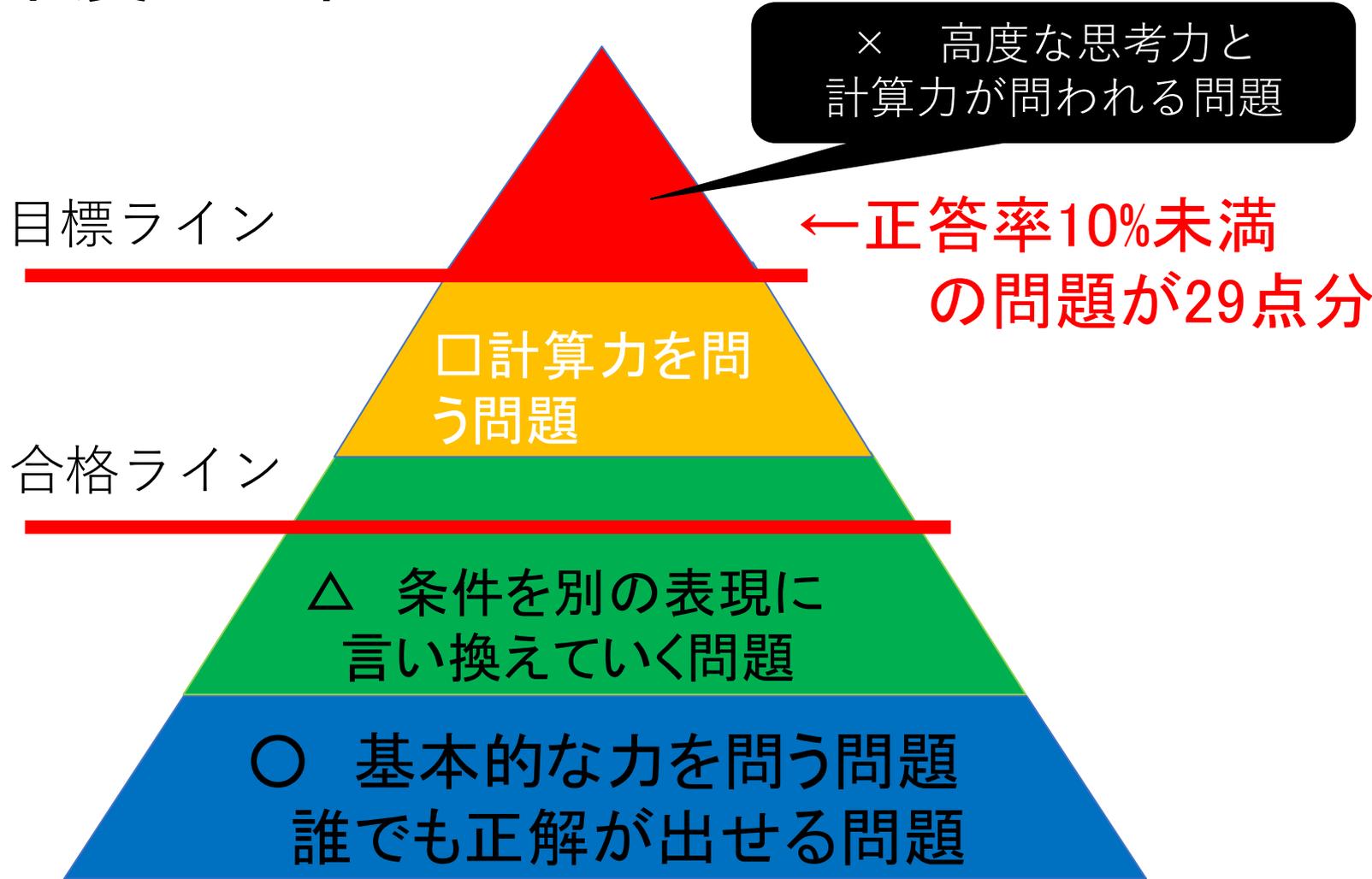
△ 直感、実験、論理的  
思考力が問われる問題

○ 基本的な力を問う問題  
誰でも正解が出せる問題

2023年度入試問題の特徴

正答率のバラつきが少なく、高得点が目指せる問題  
といえる

# 2022年度の入試

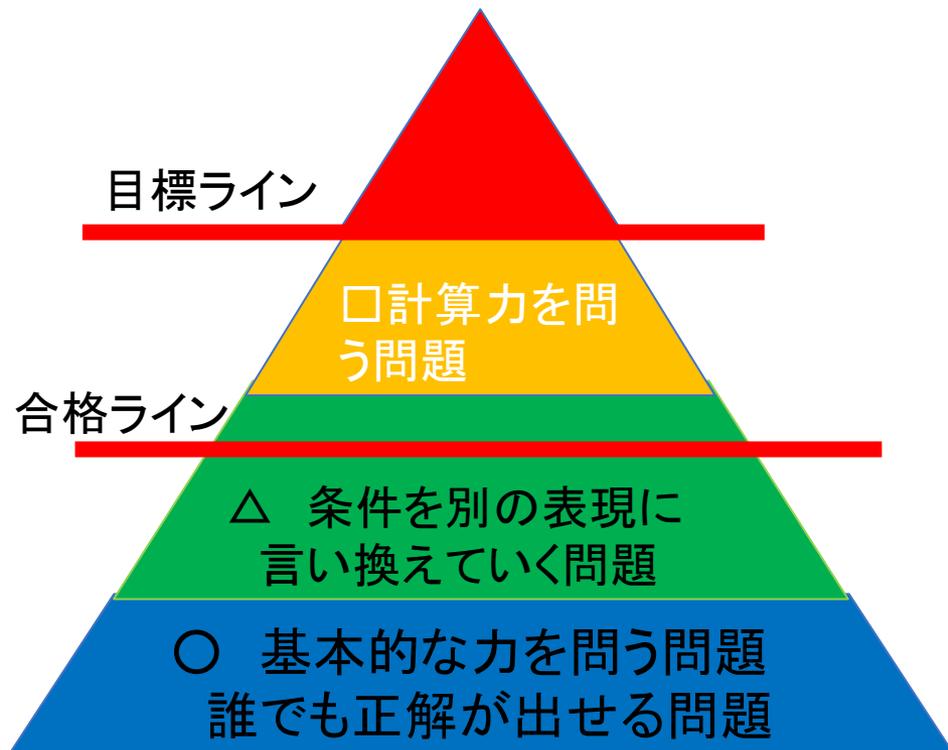


## 2022年度入試の特徴

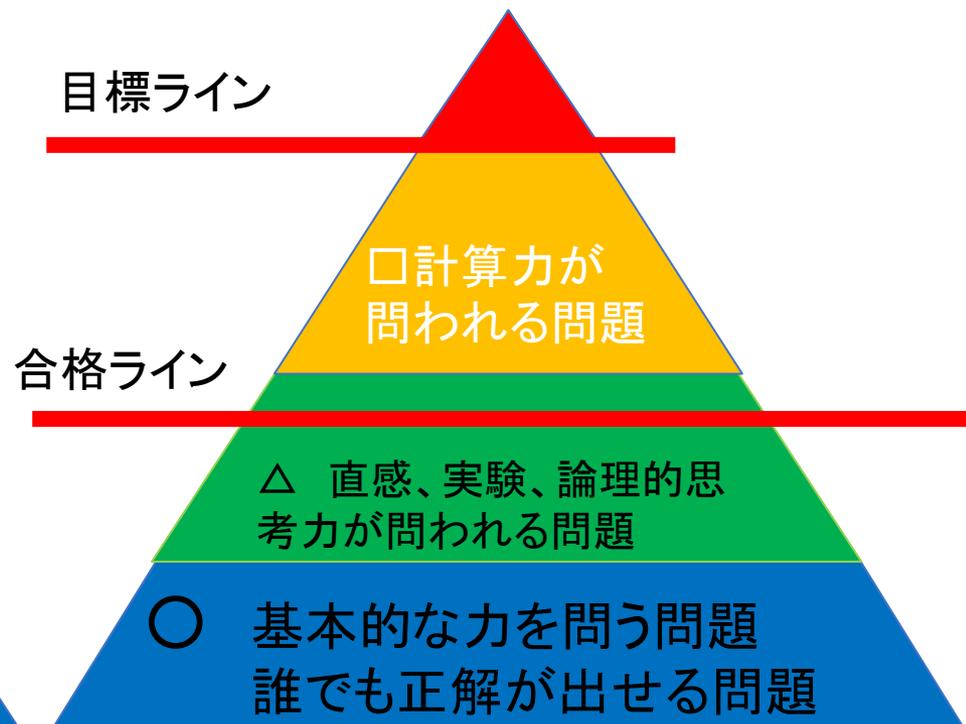
正答率のバラつきが大きく、難問の割合が高かったといえる

# 2022年度 と 2023年度の比較

## 2022年度入試



## 2023年度入試



問題の難易度が変わっても  
合格ラインは変わらない