

[数学入門] 数研版 高校数学へのブリッジ

解 答 編

全問題について、解答例を示した。また、最終の答の数値などを太字で示した。

1 数 の 計 算 p.6, 7

1 (1) $7 - (-1) - 5 = 7 + 1 - 5 = 3$

(2) $8 + (-3) - 20 - (-6)$
 $= 8 - 3 - 20 + 6 = -9$

(3) $-9 - (-16) - 2 + (-18) + 27$
 $= -9 + 16 - 2 - 18 + 27 = 14$

(4) $\frac{4}{3} + \left(-\frac{1}{2}\right) - \left(-\frac{5}{6}\right) = \frac{4}{3} - \frac{1}{2} + \frac{5}{6}$
 $= \frac{4 \times 2 - 1 \times 3 + 5}{6}$
 $= \frac{8 - 3 + 5}{6} = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$

(5) $(-5) \times 3 \times (-8) = 5 \times 3 \times 8 = 120$

(6) $(-3) \times (-2)^3 \div 6 = (-3) \times (-8) \div 6$
 $= 3 \times 8 \div 6 = 24 \div 6 = 4$

(7) $(-3 \times 4) \div 5 \times (-2^2 \times 5) \div (-3)$
 $= (-12) \div 5 \times (-20) \div (-3)$

$= -\left(12 \times \frac{1}{5} \times 20 \times \frac{1}{3}\right) = -16$

(8) $\frac{2}{9} \div \left(-\frac{5}{8}\right) \times \frac{15}{4} \div \left(-\frac{2}{3}\right)^2$
 $= \frac{2}{9} \div \left(-\frac{5}{8}\right) \times \frac{15}{4} \div \frac{4}{9}$
 $= -\left(\frac{2}{9} \times \frac{8}{5} \times \frac{15}{4} \times \frac{9}{4}\right) = -\frac{2 \times 8 \times 15 \times 9}{9 \times 5 \times 4 \times 4} = -3$

2 (1) $10 - 4 \times (-3) \div 6$

$= 10 - \{4 \times (-3) \div 6\}$

$= 10 + \left(4 \times 3 \times \frac{1}{6}\right) = 10 + 2 = 12$

(2) $\frac{7}{15} \times \left(-\frac{3}{7}\right) + \left(-\frac{8}{3}\right) \div \left(-\frac{20}{9}\right)$

$= \left\{\frac{7}{15} \times \left(-\frac{3}{7}\right)\right\} + \left\{\left(-\frac{8}{3}\right) \div \left(-\frac{20}{9}\right)\right\}$
 $= -\left(\frac{7}{15} \times \frac{3}{7}\right) + \left(\frac{8}{3} \times \frac{9}{20}\right) = -\frac{1}{5} + \frac{6}{5} = \frac{5}{5} = 1$

3 (1) $2 \times (-3)^2 - 5 \times (-4^2) + 6^2$

$= 2 \times 9 - 5 \times (-16) + 36$

$= 18 + 80 + 36 = 134$

$$\begin{aligned} (2) \quad & (-1-3)^2 \times \frac{1}{9} - \frac{1}{3} \\ & = (-4)^2 \times \frac{1}{9} - \frac{1}{3} \\ & = 16 \times \frac{1}{9} - \frac{1}{3} \\ & = \frac{16}{9} - \frac{3}{9} = \frac{13}{9} \end{aligned}$$

2 式 の 計 算 p.8, 9

4 (1) $(6a+3b-4c)+(a-2b-3c)$

$= 6a+3b-4c+a-2b-3c$

$= (6+1)a+(3-2)b+(-4-3)c$

$= 7a+b-7c$

(2) $3(3a+2b)-2(3a+4b)$

$= 9a+6b-6a-8b$

$= (9-6)a+(6-8)b=3a-2b$

(3) $(5-x+3x^2)-(x^2-7-4x)$

$= 5-x+3x^2-x^2+7+4x$

$= (3-1)x^2+(-1+4)x+(5+7)$

$= 2x^2+3x+12$

(4) $(2x)^2+3(-4x+1)-(x^2-7x+10)$

$= 4x^2-12x+3-x^2+7x-10$

$= (4-1)x^2+(-12+7)x+(3-10)$

$= 3x^2-5x-7$

(5) $\frac{3x-y}{2} - \frac{y+x}{3} = \frac{3(3x-y)-2(y+x)}{6}$

$= \frac{9x-3y-2y-2x}{6}$

$= \frac{7x-5y}{6}$

(6) $\frac{2x+y}{3} - \frac{5x-3y}{6} - \frac{3}{4}(y-x)$

$= \frac{4(2x+y)-2(5x-3y)-3 \times 3(y-x)}{12}$

$= \frac{8x+4y-10x+6y-9y+9x}{12}$

$= \frac{7x+y}{12}$

2 —— 高校数学へのブリッジ

$$(7) \frac{5xy^3}{(-2xy)^2} \times 8x^3y^2 = \frac{5xy^3 \times 8x^3y^2}{4x^2y^2} = 10x^2y^3$$

$$(8) 6a^2b \times \frac{1}{3}a^3b^2 \div \frac{1}{2}a^2b^2 = 6a^2b \times \frac{1}{3}a^3b^2 \times \frac{2}{a^2b^2} = \frac{6a^2b \times a^3b^2 \times 2}{3 \times a^2b^2} = 4a^3b$$

5 (1) $(7A+3B)-3(A+2B)$
 $= 7A+3B-3A-6B=4A-3B$
 $A=3x^2-2x+6, B=2x^2-3x+4$

を代入すると

$$\begin{aligned} & 4A-3B \\ & = 4(3x^2-2x+6)-3(2x^2-3x+4) \\ & = 12x^2-8x+24-6x^2+9x-12 \\ & = 6x^2+x+12 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) & B-\{2A-B-3(A-2B)\} \\ & = B-(2A-B-3A+6B) \\ & = B-(-A+5B) \\ & = B+A-5B=A-4B \\ & A=3x^2-2x+6, B=2x^2-3x+4 \end{aligned}$$

を代入すると

$$\begin{aligned} & A-4B \\ & = (3x^2-2x+6)-4(2x^2-3x+4) \\ & = 3x^2-2x+6-8x^2+12x-16 \\ & = -5x^2+10x-10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{6} \quad (1) & \left(\frac{2}{3}x^3y^2-4x^2y^2+\frac{8}{9}xy\right) \div \left(-\frac{2}{9}xy\right) \\ & = \left(\frac{2}{3}x^3y^2-4x^2y^2+\frac{8}{9}xy\right) \times \left(-\frac{9}{2xy}\right) \\ & = \frac{2}{3}x^3y^2 \times \left(-\frac{9}{2xy}\right) - 4x^2y^2 \times \left(-\frac{9}{2xy}\right) \\ & \quad + \frac{8}{9}xy \times \left(-\frac{9}{2xy}\right) \\ & = -3x^2y+18xy-4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) & (a-b)(a^2+ab+b^2) \\ & = a(a^2+ab+b^2)-b(a^2+ab+b^2) \\ & = a^3+a^2b+ab^2-a^2b-ab^2-b^3=a^3-b^3 \end{aligned}$$

3 公式による展開 p. 10, 11

$$\begin{aligned} (1) \quad & (x+2)(x+8)=x^2+(2+8)x+2 \times 8 \\ & =x^2+10x+16 \\ (2) \quad & (x+4y)(x-2y)=x^2+(4y-2y)x+4y \times (-2y) \\ & =x^2+2xy-8y^2 \\ (3) \quad & (a+3)^2=a^2+2 \times 3 \times a+3^2 \\ & =a^2+6a+9 \\ (4) \quad & (2a+3b)^2=(2a)^2+2 \times 3b \times 2a+(3b)^2 \\ & =4a^2+12ab+9b^2 \\ (5) \quad & (x-4)^2=x^2-2 \times 4 \times x+4^2=x^2-8x+16 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (6) \quad & (x+6)(x-6)=x^2-6^2=x^2-36 \\ (7) \quad & (x+3y)(3y-x)=(3y+x)(3y-x) \\ & =(3y)^2-x^2 \\ & =9y^2-x^2=-x^2+9y^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (8) \quad & (-4a+b)(6a+b) \\ & =(b-4a)(b+6a) \\ & =b^2+(-4a+6a)b+(-4a) \times 6a \\ & =b^2+2ab-24a^2 \\ & =-24a^2+2ab+b^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{8} \quad (1) \quad & (x+3)^2-(x+5)(x-1) \\ & =(x^2+6x+9)-(x^2+4x-5) \\ & =x^2+6x+9-x^2-4x+5=2x+14 \\ (2) \quad & (a+4b)(a-4b)-(a+2b)(a-8b) \\ & =(a^2-16b^2)-(a^2-6ab-16b^2) \\ & =a^2-16b^2-a^2+6ab+16b^2=6ab \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{9} \quad (1) \quad & x+2y=M \text{ とおくと} \\ & (x+2y-2)(x+2y+4) \\ & =(M-2)(M+4) \\ & =M^2+2M-8 \\ & =(x+2y)^2+2(x+2y)-8 \\ & =x^2+4xy+4y^2+2x+4y-8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & a-3b=M \text{ とおくと} \\ & (a-3b+1)^2 \\ & =(M+1)^2 \\ & =M^2+2M+1 \\ & =(a-3b)^2+2(a-3b)+1 \\ & =a^2-6ab+9b^2+2a-6b+1 \end{aligned}$$

4 因数分解 p. 12, 13

$$\begin{aligned} \text{10} \quad (1) \quad & 6a^2bc+12a^2b^2-9abc^2 \\ & =3ab(2ac+4ab-3c^2) \\ (2) \quad & a(x+y)-2(x+y)=(x+y)(a-2) \\ (3) \quad & x^2-8x+7=x^2+(-1-7)x+(-1) \times (-7) \\ & =(x-1)(x-7) \\ (4) \quad & x^2+3xy-18y^2=x^2+(-3y+6y)x+(-3y) \times 6y \\ & =(x-3y)(x+6y) \\ (5) \quad & x^2+18x+81=x^2+2 \times 9 \times x+9^2 \\ & =(x+9)^2 \\ (6) \quad & 4a^2-12ab+9b^2=(2a)^2-2 \times 3b \times 2a+(3b)^2 \\ & =(2a-3b)^2 \\ (7) \quad & 49x^2-36=(7x)^2-6^2=(7x+6)(7x-6) \\ (8) \quad & ab^2-ab-42a=a(b^2-b-42) \\ & =a\{b^2+(6-7)b+6 \times (-7)\} \\ & =a(b+6)(b-7) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{11} \quad (1) \quad & x-3=M \text{ とおくと} \\ & (x-3)^2+5(x-3)-24 \\ & =M^2+5M-24 \\ & =(M-3)(M+8) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \{(x-3)-3\}\{(x-3)+8\} \\
 &= (x-6)(x+5) \\
 (2) \quad &a+b-1=M \text{ とおくと} \\
 &\quad (a+b-1)^2 + 3(a+b-1) - 4 \\
 &= M^2 + 3M - 4 \\
 &= (M-1)(M+4) \\
 &= \{(a+b-1)-1\}\{(a+b-1)+4\} \\
 &= (a+b-2)(a+b+3) \\
 \mathbf{12} \quad (1) \quad &xy + 2x - 9y - 18 = x(y+2) - 9(y+2) \\
 &= (x-9)(y+2) \\
 (2) \quad &a^2 + 6a + 9 - 25b^2 = (a^2 + 6a + 9) - 25b^2 \\
 &= (a+3)^2 - (5b)^2 \\
 &a+3=M \text{ とおくと} \\
 &(a+3)^2 - (5b)^2 = M^2 - (5b)^2 \\
 &= (M+5b)(M-5b) \\
 &= \{(a+3)+5b\}\{(a+3)-5b\} \\
 &= (a+5b+3)(a-5b+3)
 \end{aligned}$$

5 平方根の計算 p. 14, 15

$$\begin{aligned}
 \mathbf{13} \quad (1) \quad &\sqrt{48} \times \sqrt{54} \div \sqrt{8} \\
 &= \sqrt{4^2 \times 3} \times \sqrt{3^2 \times 6} \div \sqrt{2^2 \times 2} \\
 &= 4\sqrt{3} \times 3\sqrt{6} \div 2\sqrt{2} \\
 &= \frac{4\sqrt{3} \times 3\sqrt{6}}{2\sqrt{2}} = \frac{4 \times 3}{2} \times \sqrt{\frac{3 \times 6}{2}} = 6\sqrt{3^2} = 18 \\
 (2) \quad &\sqrt{75} \div \sqrt{15} \times \sqrt{125} \\
 &= \sqrt{5^2 \times 3} \div \sqrt{15} \times \sqrt{5^2 \times 5} \\
 &= 5\sqrt{3} \div \sqrt{15} \times 5\sqrt{5} \\
 &= \frac{5\sqrt{3} \times 5\sqrt{5}}{\sqrt{15}} = 5 \times 5 \times \sqrt{\frac{3 \times 5}{15}} = 25\sqrt{1^2} = 25 \\
 (3) \quad &\sqrt{8} - \sqrt{2} + \sqrt{18} = \sqrt{2^2 \times 2} - \sqrt{2} + \sqrt{3^2 \times 2} \\
 &= 2\sqrt{2} - \sqrt{2} + 3\sqrt{2} \\
 &= (2-1+3)\sqrt{2} = 4\sqrt{2} \\
 (4) \quad &\sqrt{27} - 3\sqrt{8} + \sqrt{50} - \sqrt{12} \\
 &= \sqrt{3^2 \times 3} - 3\sqrt{2^2 \times 2} + \sqrt{5^2 \times 2} - \sqrt{2^2 \times 3} \\
 &= 3\sqrt{3} - 3 \times 2\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 2\sqrt{3} \\
 &= 3\sqrt{3} - 6\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 2\sqrt{3} \\
 &= (3-2)\sqrt{3} + (-6+5)\sqrt{2} = \sqrt{3} - \sqrt{2} \\
 (5) \quad &(\sqrt{5} + 2)^2 = (\sqrt{5})^2 + 2 \times 2 \times \sqrt{5} + 2^2 \\
 &= 5 + 4\sqrt{5} + 4 = 9 + 4\sqrt{5} \\
 (6) \quad &(3 - 2\sqrt{3})^2 = 3^2 - 2 \times 2\sqrt{3} \times 3 + (2\sqrt{3})^2 \\
 &= 9 - 12\sqrt{3} + 4 \times 3 \\
 &= 9 - 12\sqrt{3} + 12 \\
 &= 21 - 12\sqrt{3} \\
 (7) \quad &(\sqrt{11} + \sqrt{6})(\sqrt{11} - \sqrt{6}) = (\sqrt{11})^2 - (\sqrt{6})^2 \\
 &= 11 - 6 = 5 \\
 (8) \quad &(\sqrt{7} + 2)(\sqrt{7} - 3)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= (\sqrt{7})^2 + (2-3)\sqrt{7} + 2 \times (-3) \\
 &= 7 - \sqrt{7} - 6 = 1 - \sqrt{7} \\
 \mathbf{14} \quad (1) \quad &\frac{9}{\sqrt{3}} = \frac{9 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{9\sqrt{3}}{3} = 3\sqrt{3} \\
 (2) \quad &\sqrt{45} = \sqrt{3^2 \times 5} = 3\sqrt{5}, \\
 &\frac{20}{\sqrt{5}} = \frac{20 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{20\sqrt{5}}{5} = 4\sqrt{5} \\
 &\text{したがって} \\
 &\sqrt{45} + \frac{20}{\sqrt{5}} = 3\sqrt{5} + 4\sqrt{5} = (3+4)\sqrt{5} = 7\sqrt{5} \\
 (3) \quad &\sqrt{\frac{3}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}}{2}, \\
 &\frac{27}{\sqrt{6}} = \frac{27 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{27\sqrt{6}}{6} = \frac{9\sqrt{6}}{2} \\
 &\text{したがって} \\
 &\sqrt{\frac{3}{2}} - \frac{27}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}}{2} - \frac{9\sqrt{6}}{2} = \left(\frac{1}{2} - \frac{9}{2}\right)\sqrt{6} \\
 &= -\frac{8}{2}\sqrt{6} = -4\sqrt{6} \\
 \mathbf{15} \quad (1) \quad &4\sqrt{3} = \sqrt{48}, \quad 5\sqrt{2} = \sqrt{50}, \quad 7 = \sqrt{49} \\
 &48 < 49 < 50 \text{ であるから } \sqrt{48} < \sqrt{49} < \sqrt{50} \\
 &\text{したがって } 4\sqrt{3} < 7 < 5\sqrt{2} \\
 (2) \quad &4\sqrt{6} = \sqrt{96}, \quad 3\sqrt{10} = \sqrt{90}, \quad 2\sqrt{23} = \sqrt{92} \\
 &90 < 92 < 96 \text{ であるから } \sqrt{90} < \sqrt{92} < \sqrt{96} \\
 &\text{したがって } 3\sqrt{10} < 2\sqrt{23} < 4\sqrt{6} \\
 &\text{よって } -4\sqrt{6} < -2\sqrt{23} < -3\sqrt{10}
 \end{aligned}$$

6 式の計算の利用 p. 16, 17

$$\begin{aligned}
 \mathbf{16} \quad (1) \quad &3(x+3y) - 7(2x-y) = 3x + 9y - 14x + 7y \\
 &= -11x + 16y \\
 &x = -3, \quad y = \frac{1}{2} \text{ を代入すると} \\
 &-11x + 16y = -11 \times (-3) + 16 \times \frac{1}{2} \\
 &= 33 + 8 = 41 \\
 (2) \quad &x^2 + y^2 - (x-y)^2 = x^2 + y^2 - (x^2 - 2xy + y^2) \\
 &= x^2 + y^2 - x^2 + 2xy - y^2 = 2xy \\
 &x = -3, \quad y = \frac{1}{2} \text{ を代入すると} \\
 &2xy = 2 \times (-3) \times \frac{1}{2} = -3 \\
 \mathbf{17} \quad (1) \quad &97^2 = (100-3)^2 = 100^2 - 2 \times 3 \times 100 + 3^2 \\
 &= 10000 - 600 + 9 = 9409 \\
 (2) \quad &27^2 - 23^2 = (27+23) \times (27-23) \\
 &= 50 \times 4 = 200 \\
 \mathbf{18} \quad &A, B を 6 で割ったときの商をそれぞれ a, b \\
 &\text{とすると, 余りはそれぞれ } 2, 5 \text{ であるから} \\
 &A = 6a+2, \quad B = 6b+5
 \end{aligned}$$

4 —— 高校数学へのブリッジ

$$\begin{aligned}(1) \ A+3B &= (6a+2)+3(6b+5) \\&= 6a+18b+17 \\&= 6(a+3b+2)+5\end{aligned}$$

a, b は整数より $a+3b+2$ も整数となる。

よって、 $A+3B$ を 6 で割ったときの余りは 5

$$\begin{aligned}(2) \ AB &= (6a+2)(6b+5) \\&= 36ab+30a+12b+10 \\&= 6(6ab+5a+2b+1)+4\end{aligned}$$

a, b は整数より $6ab+5a+2b+1$ も整数となる。

よって、 AB を 6 で割ったときの余りは 4

$$\begin{aligned}19 \ (1) \ x^2+y^2 &= (x^2+2xy+y^2)-2xy \\&= (x+y)^2-2xy \\&= 4^2-2 \times (-10) \\&= 16+20=36\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) \ x^3y+xy^3 &= xy(x^2+y^2) \\&\text{ここで、(1)から } x^2+y^2=36 \\&\text{したがって } xy(x^2+y^2) \\&= (-10) \times 36=-360\end{aligned}$$

20 差が 6 である 2 つの整数を整数 n を使って $n, n+6$ とすると、その 2 乗の差は

$$\begin{aligned}(n+6)^2-n^2 &= (n^2+12n+36)-n^2 \\&= 12n+36=12(n+3)\end{aligned}$$

$n+3$ は整数であるから、この差は 12 の倍数である。

7 1 次 方 程 式 p. 18, 19

$$21 \ (1) \ 5x+12=-8$$

移項すると $5x=-8-12$

整理すると $5x=-20$

よって $x=-4$

$$(2) \ 2x-5=9x-19$$

移項すると $2x-9x=-19+5$

整理すると $-7x=-14$

よって $x=2$

$$(3) \ x+2(x-9)=3(8-x)$$

整理すると $3x-18=24-3x$

移項すると $3x+3x=24+18$

整理すると $6x=42$

よって $x=7$

$$(4) \ \frac{1}{3}x-2=-\frac{7}{4}$$

両辺を 12 倍すると $4x-24=-21$

移項すると $4x=-21+24$

整理すると $4x=3$

よって $x=\frac{3}{4}$

$$(5) \ \frac{x-1}{3}-\frac{x-4}{5}=1$$

両辺を 15 倍すると $5(x-1)-3(x-4)=15$

$$5x-5-3x+12=15$$

整理すると $2x+7=15$

移項すると $2x=15-7$

整理すると $2x=8$

よって $x=4$

$$(6) \ 0.3(x-7)=2x+1.3$$

両辺を 10 倍すると $3(x-7)=20x+13$

$$3x-21=20x+13$$

移項すると $3x-20x=13+21$

整理すると $-17x=34$

よって $x=-2$

$$22 \ \frac{1}{2}ax+\frac{4}{3}=\frac{1}{3}a-2x \text{ に } x=2 \text{ を代入すると}$$

$$a+\frac{4}{3}=\frac{1}{3}a-4$$

両辺を 3 倍すると $3a+4=a-12$

整理すると $2a=-16$

よって $a=-8$

23 家から学校までの道のりを x m とする。

このとき、分速 80 m で行くと $\frac{x}{80}$ 分、分速 200

m で行くと $\frac{x}{200}$ 分かかる。

よって $\frac{x}{80}=\frac{x}{200}+15$

両辺を 400 倍すると $5x=2x+6000$

整理すると $3x=6000$

したがって $x=2000$

これは問題に適している。

よって、家から学校までの道のりは 2000 m

8 連立方程式 p. 20, 21

$$24 \ (1) \ \begin{cases} 3x+y=4 & \dots \text{①} \\ x-y=-12 & \dots \text{②} \end{cases} \text{ とする。}$$

$$\text{①} \quad 3x+y=4$$

$$\text{②} \quad +) \quad \begin{array}{r} x-y=-12 \\ \hline 4x = -8 \end{array}$$

よって $x=-2$

$x=-2$ を ② に代入すると $-2-y=-12$

移項すると $-y=-12+2$

整理すると $-y=-10$

すなわち $y=10$

したがって $x=-2, y=10$

$$(2) \begin{cases} y=5x-2 & \dots \text{①} \\ 4x-3y=-5 & \dots \text{②} \end{cases} \text{とする。}$$

①を②に代入すると $4x-3(5x-2)=-5$

$$4x-15x+6=-5$$

整理すると $-11x=-11$

よって $x=1$

$x=1$ を①に代入すると $y=5 \times 1 - 2$

すなわち $y=3$

したがって $x=1, y=3$

$$(3) \begin{cases} 2x-y=7 & \dots \text{①} \\ x+6y=-3 & \dots \text{②} \end{cases} \text{とする。}$$

$$\text{①} \quad 2x-y=7$$

$$\text{②} \times 2 \quad \underline{-) 2x+12y=-6}$$

$$-13y=13$$

よって $y=-1$

$y=-1$ を②に代入すると

$$x+6 \times (-1)=-3$$

$$x-6=-3$$

移項すると $x=-3+6$

すなわち $x=3$

したがって $x=3, y=-1$

$$(4) \begin{cases} 2x+5y=2 & \dots \text{①} \\ 3x+2y=-8 & \dots \text{②} \end{cases} \text{とする。}$$

$$\text{①} \times 3 \quad 6x+15y=6$$

$$\text{②} \times 2 \quad \underline{-) 6x+4y=-16}$$

$$11y=22$$

よって $y=2$

$y=2$ を①に代入すると

$$2x+5 \times 2=2$$

$$2x+10=2$$

移項すると $2x=2-10$

整理すると $2x=-8$

すなわち $x=-4$

したがって $x=-4, y=2$

25 500 円硬貨が x 枚, 100 円硬貨が y 枚あるとす
る。

$$\text{枚数について } x+y=17 \quad \dots \text{①}$$

$$\text{合計金額について } 500x+100y=4900 \quad \dots \text{②}$$

$$\text{②の両辺を } 100 \text{ で割ると } 5x+y=49 \quad \dots \text{③}$$

$$\text{③} \quad 5x+y=49$$

$$\text{①} \quad \underline{-) x+y=17}$$

$$4x=32$$

よって $x=8$

$x=8$ を①に代入すると $8+y=17$

移項すると $y=17-8$

すなわち $y=9$

これらは問題に適している。

したがって, 500 円硬貨が 8 枚, 100 円硬貨が 9 枚ある。

$$26 \quad x=3, y=-2 \text{ を連立方程式 } \begin{cases} ax+2by=16 \\ bx-y=a \end{cases}$$

$$\text{に代入すると } \begin{cases} 3a-4b=16 & \dots \text{①} \\ 3b+2=a & \dots \text{②} \end{cases}$$

$$\text{②を①に代入すると } 3(3b+2)-4b=16 \\ 9b+6-4b=16$$

$$\text{整理すると } 5b+6=16 \\ \text{移項すると } 5b=10$$

$$\text{よって } b=2$$

$$b=2 \text{ を②に代入すると } 3 \times 2 + 2 = a$$

$$\text{すなわち } a=6+2=8$$

$$\text{したがって } a=8, b=2$$

9 2 次 方 程 式 p.22, 23

$$27 \quad (1) \quad x^2-8x+15=0$$

$$\text{左辺を因数分解すると } (x-3)(x-5)=0 \\ \text{したがって } x=3, 5$$

$$(2) \quad x^2-7x-8=0$$

$$\text{左辺を因数分解すると } (x+1)(x-8)=0 \\ \text{したがって } x=-1, 8$$

$$(3) \quad x^2+14x+49=0$$

$$\text{左辺を因数分解すると } (x+7)^2=0 \\ \text{したがって } x=-7$$

$$(4) \quad (x+8)^2-7=0$$

$$\text{移項すると } (x+8)^2=7 \\ \text{よって } x+8=\pm\sqrt{7}$$

$$\text{したがって } x=-8\pm\sqrt{7}$$

$$(5) \quad (x-1)^2-25=0$$

$$\text{移項すると } (x-1)^2=25 \\ \text{よって } x-1=\pm 5$$

$$\text{移項すると } x=1\pm 5$$

$$\text{したがって } x=-4, 6$$

$$(6) \quad (x+1)(x-3)=5$$

$$\text{左辺を展開すると } x^2-2x-3=5$$

$$\text{右辺を移項すると } x^2-2x-8=0$$

$$\text{左辺を因数分解すると } (x+2)(x-4)=0$$

$$\text{したがって } x=-2, 4$$

$$(7) \quad x^2+x-1=0$$

解の公式により

$$x=\frac{-1\pm\sqrt{1^2-4\times 1 \times (-1)}}{2 \times 1}=\frac{-1\pm\sqrt{5}}{2}$$

$$(8) \quad 3x^2-8x+2=0$$

解の公式により

6 —— 高校数学へのブリッジ

$$x = \frac{-(-8) \pm \sqrt{(-8)^2 - 4 \times 3 \times 2}}{2 \times 3}$$

$$= \frac{8 \pm \sqrt{40}}{6} = \frac{8 \pm 2\sqrt{10}}{6} = \frac{4 \pm \sqrt{10}}{3}$$

28 $x^2 + 3(a-2)x + 5a - 7 = 0$ に $x = -3$ を代入すると

$$(-3)^2 + 3(a-2) \times (-3) + 5a - 7 = 0$$

$$\text{よって } 9 - 9a + 18 + 5a - 7 = 0$$

$$\text{すなわち } -4a + 20 = 0$$

$$\text{したがって } a = 5$$

このとき、もとの2次方程式は $x^2 + 9x + 18 = 0$

左辺を因数分解すると $(x+3)(x+6) = 0$

$$\text{したがって } x = -3, -6$$

よって、他の解は -6

29 長方形の1辺の長さを x cm とすると、もう1

辺の長さは $(40-x)$ cm

この長方形の面積が 300 cm^2 であるから

$$x(40-x) = 300$$

左辺を展開して整理すると

$$x^2 - 40x + 300 = 0$$

左辺を因数分解すると $(x-10)(x-30) = 0$

$$\text{したがって } x = 10, 30$$

$0 < x < 40$ であるから、これらは問題に適している。

1辺の長さが 10 cm のとき、もう1辺の長さは 30 cm であり、1辺の長さが 30 cm のとき、もう1辺の長さは 10 cm である。

よって、長方形の2辺の長さは $10 \text{ cm}, 30 \text{ cm}$

10 1次関数 p. 24, 25

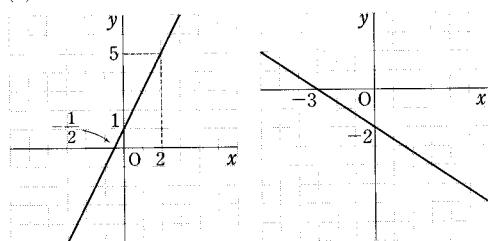
30 (1) 傾きは 2, 切片は 1

また、グラフは図のようになる。

(2) 傾きは $-\frac{2}{3}$, 切片は -2

また、グラフは図のようになる。

(1)



(2)

よって $b = 11$

したがって、求める1次関数は

$$y = -4x + 11$$

32 直線の傾きは $\frac{-7-8}{4-(-1)} = \frac{-15}{5} = -3$

よって、求める直線の式は $y = -3x + b$ と表すことができる。

$x = -1, y = 8$ をこの式に代入すると

$$8 = -3 \times (-1) + b$$

$$b = 5$$

よって、求める直線の式は

$$y = -3x + 5$$

33 $y = -2x + 4$ において、

$x = -3$ とすると

$$y = -2 \times (-3) + 4$$

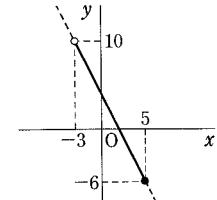
$$\text{よって } y = 10$$

$x = 5$ とすると

$$y = -2 \times 5 + 4$$

$$\text{よって } y = -6$$

したがって、 y の変域は $-6 \leq y < 10$



11 関数 $y = ax^2$ p. 26, 27

34 (1) y は x の2乗に比例するから、 $y = ax^2$ と表すことができる。

$x = 3$ のとき $y = 27$ であるから

$$27 = a \times 3^2$$

$$\text{すなわち } 27 = 9a$$

$$\text{したがって } a = 3$$

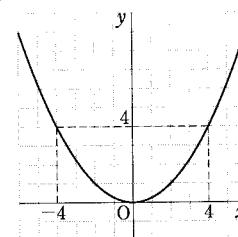
$$\text{よって } y = 3x^2$$

(2) $y = 3x^2$ に $x = -4$ を代入すると

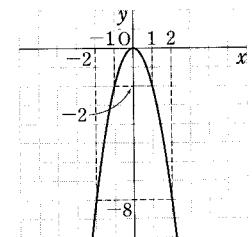
$$y = 3 \times (-4)^2$$

$$\text{よって } y = 48$$

35 (1)



(2)



36 y の変域から

$$a > 0$$

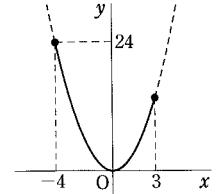
グラフから、 x の変域が

$-4 \leq x \leq 3$ のとき、 y の

変域は $0 \leq y \leq 24$ となる

から $b = 0$

また、 $y = ax^2$ のグラフが点 $(-4, 24)$ を通るか



31 グラフの傾きが -4 であるから、求める1次関数

は $y = -4x + b$ という形で表される。

また、 $x = 5$ のとき $y = -9$ であるから

$$-9 = -4 \times 5 + b$$

$$\text{すなわち } -9 = -20 + b$$

$$24 = a \times (-4)^2$$

よって $16a = 24$

すなわち $a = \frac{24}{16} = \frac{3}{2}$

したがって $a = \frac{3}{2}, b = 0$

37 (1) グラフが点 $(8, -16)$ を通るから
 $-16 = a \times 8^2$ すなわち $64a = -16$

したがって $a = -\frac{1}{4}$

(2) $x = -4$ のとき

$$y = a \times (-4)^2 = 16a$$

$x = 2$ のとき

$$y = a \times 2^2 = 4a$$

よって、変化の割合は

$$\frac{(y\text{の増加量})}{(x\text{の増加量})} = \frac{4a - 16a}{2 - (-4)} = \frac{-12a}{6} = -2a$$

変化の割合は -6 であるから

$$-2a = -6$$

したがって $a = 3$

12 確率、データの活用 p. 28, 29

38

大	1	2	3	4	5	6
小	○		○		○	
1						
2						
3	○		○		○	
4						△
5	○		○	○	△	△
6				△	△	△

(1) 目の積が奇数となるのは、大の目、小の目がともに奇数のときである。

したがって、表で○をつけた 9 通り。

よって、9 通り。

(2) 大小 2 つのさいころの目の出方は全部で

$$6 \times 6 = 36 \text{ (通り)}$$

目の和が 10 以上となるのは、表で△をつけた 6 通り。

よって、求める確率は $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$

39 得点の合計は

$$1 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 2 + 4 \times 2 + 5 \times 3 + 6 \times 5 + 7 \times 4 + 8 \times 1 = 100$$

よって、平均値は $\frac{100}{20} = 5$ (点)

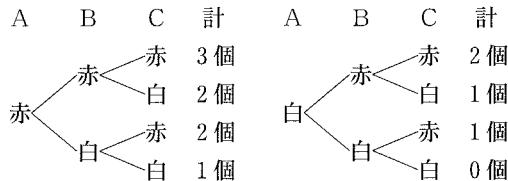
得点の小さい順に並べたとき、10 番目の人は 5 点、11 番目の人は 6 点である。

よって、中央値は $\frac{5+6}{2} = 5.5$ (点)

また、最頻値は 6 点

40 3 つの袋を順に A, B, C とする。

玉の取り出し方と、赤玉の個数は次のようになる。



この図より、すべての取り出し方は 8 通り、赤玉が 2 個以上出る取り出し方は 4 通り。

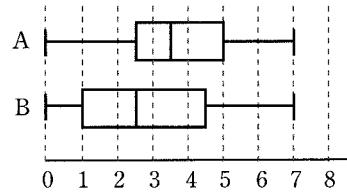
よって、求める確率は $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$

41 第 1 四分位数、第 2 四分位数、第 3 四分位数は順に

A : 2.5, 3.5, 5

B : 1, 2.5, 4.5

となる。よって、箱ひげ図は次のようになる。



また、散らばりの程度が大きいのは

B グループ

13 三角形の合同と相似 p. 30, 31

42 $\triangle ABC \equiv \triangle KJL$

合同条件：1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

$$(BC = JL, \angle ABC = \angle KJL,$$

$$\angle KLJ = 180^\circ - (30^\circ + 105^\circ) = 45^\circ = \angle ACB)$$

$$\triangle ABC \cong \triangle KJL$$

相似条件：2組の角がそれぞれ等しい。

$$(\angle ABC = \angle KJL, \angle ACB = \angle KLJ)$$

$$\triangle DEF \sim \triangle HIG$$

相似条件：3組の辺の比がすべて等しい。

$$(DE : HI = 4 : 8 = 1 : 2)$$

$$EF : IG = 2 : 4 = 1 : 2$$

$$FD : GH = 3 : 6 = 1 : 2)$$

43 (1) $DE // BC$ であるから

$$AD : AB = AE : AC$$

すなわち $3 : 12 = x : 8$

よって $12x = 24$

したがって $x = 2$

(2) $DE \parallel BC$ であるから

$$AD : AB = DE : BC$$

$$\text{すなわち } 4 : 12 = 5 : x$$

$$\text{よって } 4x = 60$$

$$\text{したがって } x = 15$$

44 $\triangle ABE$ と $\triangle DCE$ において

$$\text{仮定から } AE = DE \quad \dots \quad ①$$

対頂角は等しいから

$$\angle AEB = \angle DEC \quad \dots \quad ②$$

$AB \parallel CD$ より、錯角は等しいから

$$\angle BAE = \angle CDE \quad \dots \quad ③$$

①, ②, ③より、1組の辺とその両端の角がそれ
ぞれ等しいから $\triangle ABE \cong \triangle DCE$

$$\text{よって } AB = CD$$

14 平行四辺形と円 p. 32, 33

45 (1) 線分 EF と GH の交点を P とする。

四角形 ABFE は平行四辺形であるから

$$BF = AE = 7 \text{ (cm)}$$

また、四角形 PFCH は平行四辺形であるから

$$FC = PH = 4 \text{ (cm)}$$

$$\text{よって } BC = BF + FC = 7 + 4 = 11 \text{ (cm)}$$

$$\text{したがって } x = 11$$

さらに、四角形 GBCH は平行四辺形であるから

$$\angle BGH = \angle BCH = 110^\circ$$

$$\text{よって } y^\circ = 180^\circ - \angle BGH$$

$$= 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$$\text{したがって } y = 70$$

(2) $\angle ADB$ は \widehat{AB} に対する円周角であり、

$\angle ACB$ も \widehat{AB} に対する円周角であるから

$$x^\circ = \angle ACB = 50^\circ$$

$$\text{よって } x = 50$$

また $\angle CED$ は、 $\triangle BDE$ の E における外角であるから

$$y^\circ = \angle BDE + \angle DBE = 50^\circ + 35^\circ = 85^\circ$$

$$\text{よって } y = 85$$

46 (1) $\angle BOC = 360^\circ - 300^\circ = 60^\circ$

$\angle x$ は \widehat{BC} に対する円周角であるから

$$\angle x = \frac{1}{2} \angle BOC = \frac{1}{2} \times 60^\circ = 30^\circ$$

(2) $AB \parallel CD$ より、錯角は等しいから

$$\angle ABC = \angle BCD = 43^\circ$$

$\angle BAC$ は、半円の弧に対する円周角であるから

$$\angle BAC = 90^\circ$$

$\triangle ABC$ において

$$\angle x = 180^\circ - (\angle BAC + \angle ABC)$$

$$= 180^\circ - (90^\circ + 43^\circ)$$

$$= 180^\circ - 133^\circ = 47^\circ$$

47 2点 A, D は直線 BC について同じ側にある。

$$\text{また } \angle BAC = \angle BDC = 57^\circ$$

よって、円周角の定理の逆により、4点 A, B, C, D は1つの円周上にある。

$\angle x$ は \widehat{AB} に対する円周角であるから

$$\angle x = \angle ACB = 42^\circ$$

$$\triangle ABD \text{において } (57^\circ + \angle y) + 30^\circ + 42^\circ = 180^\circ$$

$$\text{よって } \angle y = 51^\circ$$

15 三平方の定理、面積・体積

p. 34, 35

48 (1) 直角三角形 ACD において、三平方の定理

$$\text{により } x^2 + 8^2 = 10^2$$

$$\text{よって } x^2 = 36$$

$$\text{すなわち } x = 6$$

$$\text{また, } BC = BD + DC = 4 + 8 = 12 \text{ (cm)} \text{ より}$$

三角形 ABC の面積は

$$\frac{1}{2} \times 12 \times 6 = 36 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(2) 球の半径は 5 cm であるから

$$\text{表面積は } 4\pi \times 5^2 = 100\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\text{体積は } \frac{4}{3}\pi \times 5^3 = \frac{500}{3}\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

49 側面となるおうぎ形の中心角を a° とする。

おうぎ形の弧の長さは、底面の円周の長さに等し

$$\text{いから } 2\pi \times 24 \times \frac{a}{360} = 2\pi \times 10$$

$$\text{これを解いて } a = 150$$

表面積は、側面積と底面積の和であるから。

$$\begin{aligned} \pi \times 24^2 \times \frac{150}{360} + \pi \times 10^2 &= 240\pi + 100\pi \\ &= 340\pi \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

50 P の体積は

$$\frac{1}{3} \times (\pi \times 8^2) \times 12 = 256\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

P と Q は相似であり、その相似比は 4 : 3

よって、P と Q の体積の比は

$$4^3 : 3^3 = 64 : 27$$

したがって、P と A の体積の比は

$$64 : (64 - 27) = 64 : 37$$

よって、A の体積を V cm³ とすると

$$256\pi : V = 64 : 37$$

$$\text{すなわち } V = 256\pi \times \frac{37}{64} = 148\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$