# 学習指導要領 都立日本橋高校 学力スタンダード ・1文字の3次式の展開や因数分解ができる。 ア 式と証明 (1)(ア) 整式の乗法・除法、分数式の計算 い (例1) 次の式を展開せよ。 三次の乗法公式及び因数分解の公式を理解し、それ ろ $(1) (x+1)^3$ VV らを用いて式の展開や因数分解をすること。また、 (2) $(x+3)(x^2-3x+9)$ 整式の除法や分数式の四則計算について理解し、簡 ろ な 単な場合について計算をすること。 (例2) 次の式を因数分解せよ。 式 $x^3 - 27$ ・1 次式で割るような整式の除法ができる。 (例1)次の整式Aを整式Bで割った商と余りを求 めよ。 (1) $A = x^2 + 5x + 8$ B = x + 3(2) $A = x^3 + 3x - 7$ B = x + 3・二項定理やパスカルの三角形の考えを用いて、式 の展開ができる。 (例) 二項定理を用いて、次の式を展開せよ。 $(x+1)^5$ ・簡単な分数式の計算ができる。 (例) 次の計算をせよ。 (1) $\frac{1}{x^2-1} \times \frac{x+1}{x+3}$ (2) $\frac{x^2}{(x-2)(x+3)} \div \frac{x}{x+3}$ (3) $\frac{1}{(x-2)} - \frac{3}{(3x+1)}$

### (イ) 等式と不等式の証明

等式や不等式が成り立つことを、それらの基本的な 性質や実数の性質などを用いて証明すること。

### 都立日本橋高校 学力スタンダード

- ・恒等式の意味を理解する。
- (例1) 次の整式A を整式B で割った商と余りを求めよ。

(例)  $(a-1)x^2 + (b-1)x + 5 = 5 - 3x + 2x^2$  がx についての恒等式となるように、定数a , b を求めよ.

・簡単な等式や不等式を証明ができる。

(例) 次の等式を証明せよ。

$$(x+1)^2 + (x-1)^2 = 2(x^2+1)$$

・平方完成を用いて、不等式の証明ができる。

(例) 次の等式を証明せよ。

$$a^2 + 9 \ge 6a$$

・簡単な条件つき等式の証明ができる。

(例) b=1-a のとき、次の等式を証明せよ。

$$(a-b)^2 = 2a^2 + 2b^2 - 1$$

・複素数の相等の意味を理解する。

(例) 次の等式をみたす実数 a,b 求めよ。

$$3a-2+2bi=1+5i$$

#### イ 高次方程式

(ア) 複素数と二次方程式

数を複素数まで拡張する意義を理解し、複素数の四 則計算をすること。また、二次方程式の解の種類の 判別及び解と係数の関係について理解すること。 ・簡単な複素数の四則計算ができる。

(例 1) 次の計算をせよ。

- (1) (1+i)(3+2i)
- (2)  $\frac{3-i}{1-2i} \epsilon a + bi$ の形にしなさい。

# 学習指導要領 都立日本橋高校 学力スタンダード ・複素数の範囲で2次方程式が解ける。 (例)複素数の範囲で次の2次方程式を解きなさい。 $x^2 - 3x + 4 = 0$ ・解と係数の関係の意味を理解する。 (例) 2 次方程式 $3x^2 - 2x + 4 = 0$ の 2 つの解を $\alpha$ , $\beta$ とするおき、 $\alpha + \beta$ 、 $\alpha\beta$ の値を求めよ。 ・剰余の定理の意味を理解する。 (例) $P(x) = x^3 - 5x + 6 & x + 1$ で割った余を求 めよ。 ・因数定理の意味を理解する。 (イ) 因数定理と高次方程式 因数定理について理解し、簡単な高次方程式の解を、 (例) 整式 $P(x) = x^3 - 7x + 6$ を因数分解したい。 因数定理などを用いて求めること。 次の問いに答えよ。 (1) P(x)をx+1で割り切れることを示せ。 (2) (1)の結果を用いて、 $x^3 - 7x + 6$ を因数分解 せよ。 ・簡単な高次方程式を解くことができる。 (例) 次の方程式を解きなさい。 (1) (x+2)(x-4)(x-5) = 0(2) $x^2 - 9x = 0$ (3) $x^4 - 2x^2 - 3 = 0$ ア 直線と円 ・数直線上や座標平面上の2点間の距離を求めるこ (ア) 点と直線 とができる。 (2)座標を用いて、平面上の線分を内分する点、外分す (例) 次の2点間の距離を求めよ。 る点の位置や二点間の距離を表すこと。また、座標 义 (1) A (-3), B (4)形 平面上の直線を方程式で表し、それを二直線の位置 (2) A (-2, 7), B (1, 3)関係などの考察に活用すること。 لح 方 程 式

学習指導要領	都立日本橋高校 学力スタンダード
	<ul> <li>・数直線上の線分や座標平面上の線分を内分する点,外分する点の座標を求めることができる。また,三角形の重心の座標を求めることができる。(例)</li> <li>(1) 2点A(-4),B(6)に対して線分ABを3:2に内分する点,外分する点の座標を求めよ。(2) 2点A(2,4),B(5,-2)を結ぶ線分ABを1:2に内分する点,外分する点の座標を求めよ。</li> <li>(3) 3点A(1,-4),B(-2,1),C(4,-3)を頂点とする△ABCの重心Gの座標を求めよ。</li> </ul>
	・座標軸について対称な点や原点について対称な点 の座標を求めることができる。 (例) 点A(2, -3) について次の問いに答えよ。 点Aとx 軸に関して対称な点Bの座標を求めよ。
	<ul> <li>・公式を用いて直線の方程式を求めることができる。</li> <li>(例) <ul> <li>(1)点A(3,2)を通り傾きが4である直線の方程式を求めよ。</li> <li>(2)2点A(-1,2),B(1,6)を通る直線の方程式を求めよ。</li> </ul> </li> </ul>
	<ul> <li>・二直線の位置関係を直線の傾きから考察できる。</li> <li>(例) 次の直線のうち、互いに平行なもの、垂直なものを求めなさい。</li> <li>① y=3x+5 ②x+3y-1=0</li> </ul>

# 学習指導要領 都立日本橋高校 学力スタンダード ・1点を通り、与えられた直線に平行な直線や垂直 な直線の方程式を求めることができる。 (例) 点A (1, 3) を通り、直線 $y = -\frac{1}{2}x + 5$ と垂直な直線の方程式を求よ。 (イ) 円の方程式 ・与えられた条件から円の方程式を求めることがで 座標平面上の円を方程式で表し、それを円と直線の きる。 位置関係などの考察に活用すること。 (例) (1) 点 A (1, 2) を中心とする半径3の円の 方程式を求めよ。 (2) 2点A(1,3),B(3,5)を直径の両 端とする円の方程式を求めよ。 ・円と直線の共有点の座標を求めることができる。 (例) $\exists x^2 + y^2 = 5$ と直線 y = x - 1 の共有点 の座標をよ。 ・円の周上の点における接線の方程式を求めること ができる。 (例) 円 $x^2 + y^2 = 25$ 上の点A(3, 4) にお ける接線の方程式を求めよ。

#### 都立日本橋高校 学力スタンダード

#### イ 軌跡と領域

軌跡について理解し、簡単な場合について軌跡を求めること。また、簡単な場合について、不等式の表す領域を求めたり領域を不等式で表したりすること。

・2定点から等距離にある点の軌跡を求めることができる。

(例) 2点 O (0, 0), A (1, 1) から等距離 にある点の軌跡を求めよ。

・直線の上側や下側、または円の内部や外部を表す不 等式から、その領域を図示することができる。 また、図示された領域から不等式を求めることができ る。

(例) 次の不等式の表す領域を図示せよ。 y>2x-3

## ア指数関数

(ア) 指数の拡張

指数を正の整数から有理数へ拡張する意義を理解すること。

- ・累乗や3乗根、4乗根の値を求めることができる。
  - (例) 次の問に答えよ。
  - (1)  $\sqrt[4]{16}$  の値を求めよ。
  - (2) 81の4乗根を求めよ。
  - (3)  $125^{\frac{-2}{3}}$  の値を求めよ。
- ・指数法則や累乗根の性質を利用して、乗法や除法 の計算を行うことができる。
  - (例) 次の計算をせよ。ただし、a> 0とする。
  - $(1) \quad \left(5^4\right)^0$
  - (2)  $\sqrt[4]{2} \times \sqrt[4]{8}$
  - (3)  $3^{\frac{1}{4}} \div 3^{\frac{9}{4}}$
  - $(4) \qquad \sqrt{2} \times \sqrt[3]{2} \times \sqrt[6]{2}$

## (イ) 指数関数とそのグラフ

指数関数とそのグラフの特徴について理解し、それ らを事象の考察に活用すること。

# 都立日本橋高校 学力スタンダード

- ・指数関数 $y = a^x$ のグラフがかける。
  - (例) 次の指数関数のグラフをかけ。
  - $(1) y = 3^x$
  - (2)  $y = (\frac{1}{2})^x$
- ・指数が有理数の範囲まで拡張されている数について、 指数関数の特徴を踏まえて大小関係を求めることがで きる。

(例) 次の数の大小関係を,不等号<を用いて表せ。

$$(1)$$
  $4^5$ ,  $1$ ,  $4^{-2}$ 

$$(2) \ (\frac{1}{3})^2, (\frac{1}{3})^{-3}, 0$$

## イ対数関数

#### (ア) 対数

対数の意味とその基本的な性質について理解し、簡単な対数の計算をすること。

・ $a^x = b$ 、 $a^x > b$  の形の指数方程式、指数不等式を解くことができる。

- (例) 次の方程式,不等式を解け。
- $(1) 9^x = 27$
- $(2) \ (\frac{1}{3})^x < 3$

・対数の定義を理解し、底の変換公式等を用いて対数 の値を求めることができる。

- (例) 次の値を求めよ。
- $(1) \log_{10} 100$
- (2)  $\log_4 \frac{1}{64}$
- (3)  $\log_{8} 2$

# 学習指導要領 都立日本橋高校 学力スタンダード ・対数の基本的な性質を用いて、加法・減法ができる。 (例) 次の値を求めよ。 (1) $\log_4 8 + \log_4 128$ (2) $\log_3 20 - \log_3 15 - \log_3 12$ (イ) 対数関数とそのグラフ ・対数関数 $y = \log_a x$ のグラフがかける。 対数関数とそのグラフの特徴について理解し、それ らを事象の考察に活用すること。 (例) 次の対数関数のグラフをかけ $(1) \quad y = \log_2 x$ $(2) \quad y = \log_1 x$ ・対数の大小関係を求められる。 (例) 次の数の大小関係を,不等号<を用いて表せ。 (1) $\log_3 5$ , $\log_3 7$ (2) $\log_{0.3} 5$ , $\log_{0.3} \frac{1}{5}$ ・ $\log_a x = b$ 、 $\log_a x > b$ の形の対数方程式、対数不 等式を解くことができる。 (例) 次の方程式,不等式を解け。 (1) $\log_3 x = 5$ (2) $\log_2(x-1) < 4$ ・常用対数表を用いて、様々な数の常用対数を求めら れる。

# 都立日本橋高校 学力スタンダード 学習指導要領 ・角の範囲を一般角まで拡張し、弧度法も扱うことが ア 角の拡張 角の概念を一般角まで拡張する意義や弧度法による できる。 角度の表し方について理解すること。 (例1)次の角を、度数は弧度に、弧度は度数に、 それぞれ書き直せ。 (1) $60^{\circ}$ (2) $-450^{\circ}$ (3) $\frac{13}{6}\pi$ (4) $-\frac{13}{4}\pi$ (4)三 角 (例2)次の角度の同径を図示せよ。また、第何象 関 限の角か答えよ。 数 (1) $390^{\circ}$ (2) $-420^{\circ}$ ・弧度法を用いて、扇形の面積や周の長さを求めるこ とができる。 (例) 半径が 4、中心角が $\frac{2}{3}\pi$ の扇形の弧の長さ と面積を求めよ。 イ 三角関数 ・一般角の正弦・余弦・正接を求めることができる。 (ア) 三角関数とそのグラフ ・三角関数の周期性やグラフを理解できる。 三角関数とそのグラフの特徴について理解するこ (例) $\theta$ が次の値のとき、 $\sin \theta$ 、 $\cos \theta$ 、 $\tan \theta$ と。 の値をそれぞれ求めよ。 (1) $\frac{17}{6}\pi$ (2) $-\frac{3}{4}\pi$

#### 都立日本橋高校 学力スタンダード

#### (4) 三角関数の基本的な性質

- 三角関数について、相互関係などの基本的な性質を 理解すること。
- ・三角関数の周期性やグラフを理解できる。
- ・正弦、余弦、正接のうち、一つの値から相互関係の 公式を活用して、残りの二つの値を求めることができ る。

(例) 
$$\pi < \theta < 2\pi$$
、 $\cos \theta = \frac{3}{4}$  のとき、 $\sin \theta$ 、

 $\tan \theta$  の値を求めよ。

・三角関数を含む簡単な方程式、不等式の解を求める ことができる。

(例)  $0 \le \theta < 2\pi$  のとき、次の方程式、不等式 を解け。

$$(1) \quad \sin \theta = -\frac{1}{2}$$

(2) 
$$\cos \theta = 1$$

(3) 
$$\sin \theta > \frac{1}{2}$$

(1) 
$$\sin \theta = -\frac{1}{2}$$
 (2)  $\cos \theta = 1$   
(3)  $\sin \theta > \frac{1}{2}$  (4)  $\cos \theta \le -\frac{1}{\sqrt{2}}$ 

#### ウ 三角関数の加法定理

三角関数の加法定理を理解し、それを用いて2倍角 の公式を導くこと。

・加法定理を用いて値を求めることができる。

(例)次の値を求めよ。

- (1)  $\sin 75^{\circ}$  (2)  $\cos 165^{\circ}$

・2倍角の公式を用いて値を求めることができる。

(例) 
$$0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$$
、  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$  のとき、

 $\sin 2\alpha$ 、 $\cos 2\alpha$  の値を求めよ。

学習指導要領	都立日本橋高校 学力スタンダード
	・三角関数の合成ができる。
ア 微分の考え (ア) 微分係数と導関数 微分係数や導関数の意味について理解し、関数の定 数倍、和及び差の導関数を求めること。	・簡単な整式で表された関数について、平均変化率や極限を利用して微分係数や導関数を求めることができる。
(イ) 導関数の応用 導関数を用いて関数の値の増減や極大・極小を調べ、 グラフの概形をかくこと。また、微分の考えを事象 の考察に活用すること。	・ $(x^n)' = nx^{n-1}$ や導関数の性質を利用して導関数を求めたり、微分係数を求めることができる。  (例) 関数 $f(x) = -x^3 + 2x^2$ について、 $f'(-3)$ を求めよ。  ・放物線上の点における接線の傾きや接線の方程式を求めることができる。  (例) 放物線 $y = x^2$ 上の点(1,2)における接線の方程式を求めなさい。
	ア 微分の考え (ア) 微分係数と導関数 微分係数や導関数の意味について理解し、関数の定数倍、和及び差の導関数を求めること。  (イ) 導関数の応用 導関数を用いて関数の値の増減や極大・極小を調べ、グラフの概形をかくこと。また、微分の考えを事象

# 学習指導要領 都立日本橋高校 学力スタンダード ・2次や3次の関数について、増減や極値を調べたり、 グラフの概形をかいたりすることができる。 また区間が制限された最大値や最小値を求めることが できる。 (例) 関数 $y = x^3 - 3x^2 + 1$ の極限を調べ、その グラフをかきなさい。 ・具体的な事象の考察を微分の考え方を用いることが できる。 (例) 底面の半径と高さの和が 12cm の円柱があ る。この円柱について, 次の問に答えよ。 (1) 底面の半径をxcm, 体積を $ycm^3$ とする とき, y をxで表せ。 (2) 円柱の体積の最大値を求めよ。 イ 積分の考え ・不定積分及び定積分の意味や微分との関係について 理解し、2次までの関数の不定積分や定積分の値を求 (ア) 不定積分と定積分 不定積分及び定積分の意味について理解し、関数の めることができる。 定数倍、和及び差の不定積分や定積分を求めること。 (例) (1) 不定積分 $\int (2x^2 - 6x + 5)$ を求めなさい。 (2) 定積分 $\int_{-\infty}^{\infty} (x-1)(x-3)dx$ を求めなさい。

>> 2011∼> 목-14-12¤	サンロナを古た ベエッカンが 12
学習指導要領	都立日本橋高校 学力スタンダード
(イ) 面積	・放物線や直線で囲まれた部分の面積を求めることが
定積分を用いて直線や関数のグラフで囲まれた図形	できる。
の面積を求めること。	(例)
	放物線 $y = x^2 + 1$ と直線 $x = -1$ 、 $x = 2$ で囲
	まれた図形の面積を求めなさい。
	よれいに図川がり囲作を水がからです。