

数 学

注 意

- 1 問題は **1** から **4** までで、7 ページにわたって印刷してあります。
また、解答用紙は両面に印刷してあります。
- 2 検査時間は 50 分で、終わりは午前 11 時 10 分です。
- 3 声を出して読むはいけません。
- 4 答えは全て解答用紙に HB 又は B の鉛筆（シャープペンシルも可）を使って
明確に記入し、解答用紙だけを提出しなさい。
- 5 答えに根号が含まれるときは、根号を付けたまま、分母に根号を含まない
形で表しなさい。また、根号の中を最も小さい自然数にしなさい。
- 6 答えは、解答用紙の決められた欄からはみ出さないように書きなさい。
- 7 答えを直すときは、きれいに消してから、消しくずを残さないようにして、
新しい答えを書きなさい。
- 8 受検番号を解答用紙の表面と裏面の決められた欄に書き、表面については、
その数字の ○ の中を正確に塗りつぶしなさい。
- 9 解答用紙は、汚したり、折り曲げたりしてはいけません。

1 次の各問に答えよ。

〔問 1〕 $\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{2}} - \frac{1-\sqrt{2}}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}-1}{\sqrt{6}}$ を計算せよ。

〔問 2〕 連立方程式
$$\begin{cases} 3x+2y=-2 \\ \frac{1}{2}x-\frac{2}{3}y=\frac{7}{6} \end{cases}$$
 を解け。

〔問 3〕 2 次方程式 $(x+3)^2+5=6(x+3)$ を解け。

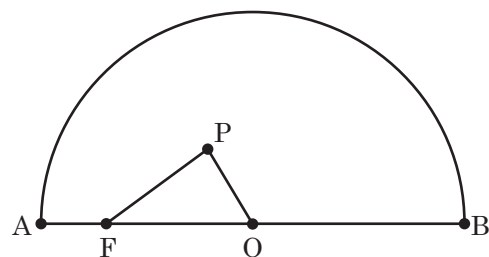
〔問 4〕 3つの袋 A, B, C と, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 の数を 1 つずつ書いた 10 枚のカード $\boxed{1}$, $\boxed{2}$, $\boxed{3}$, $\boxed{4}$, $\boxed{5}$, $\boxed{6}$, $\boxed{7}$, $\boxed{8}$, $\boxed{9}$, $\boxed{10}$ があり, 袋 A に $\boxed{1}$, $\boxed{2}$, $\boxed{3}$, 袋 B に $\boxed{4}$, $\boxed{5}$, $\boxed{6}$, $\boxed{7}$, 袋 C に $\boxed{8}$, $\boxed{9}$, $\boxed{10}$ が入っている。
袋 A, B, C から 1 枚ずつカードを取り出し,
袋 A から取り出したカードに書かれている数を a ,
袋 B から取り出したカードに書かれている数を b ,
袋 C から取り出したカードに書かれている数を c とするとき,
 $a+b=c$ となる確率を求めよ。

ただし, 3つの袋それぞれにおいて, どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

〔問 5〕 右の図で, 点 O は線分 AB を直径とする半円の中心,
点 F は線分 OA 上にある点, 点 P は半円の内部にある点である。

解答欄に示した図をもとにして,
 $\angle POA = 60^\circ$, $OP + PF = OA$ となる点 P を,
定規とコンパスを用いて作図によって求め,
点 P の位置を示す文字 P も書け。

ただし, 作図に用いた線は消さないでおくこと。



2

右の図1で、点Oは原点、曲線 f は関数 $y = ax^2 (a > 0)$ のグラフを表している。

2点A, Bはともに曲線 f 上にあり、 x 座標はそれぞれ $-2, 6$ である。

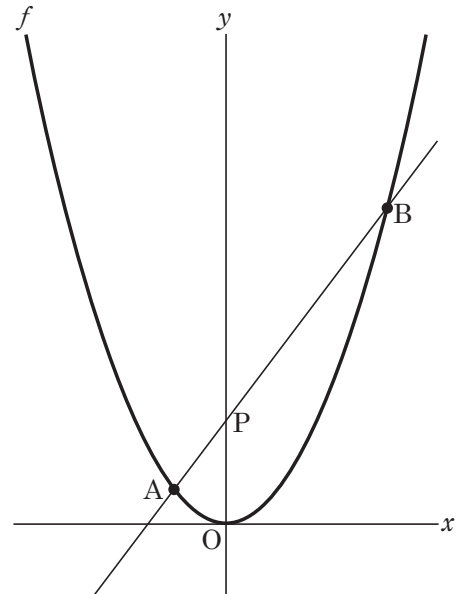
2点A, Bを通る直線を引き、 y 軸との交点をPとする。

原点から点 $(1, 0)$ までの距離、および原点から点 $(0, 1)$ までの距離をそれぞれ1cmとする。

次の各問に答えよ。

- 〔問1〕 $a = \frac{1}{3}$ のとき、線分AB上にあり、 x 座標と y 座標がともに整数である点の個数を求めよ。

図1



- 〔問2〕 右の図2は、図1において、

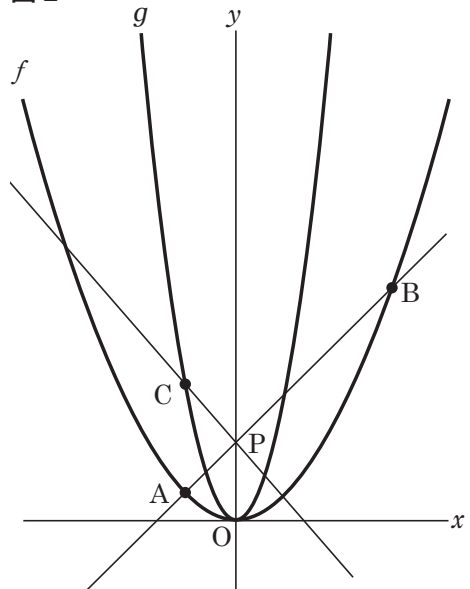
曲線 g は関数 $y = bx^2 (b > a)$ のグラフで、

曲線 g 上にあり、 x 座標が -2 である点をCとし、

2点C, Pを通る直線を引いた場合を表している。

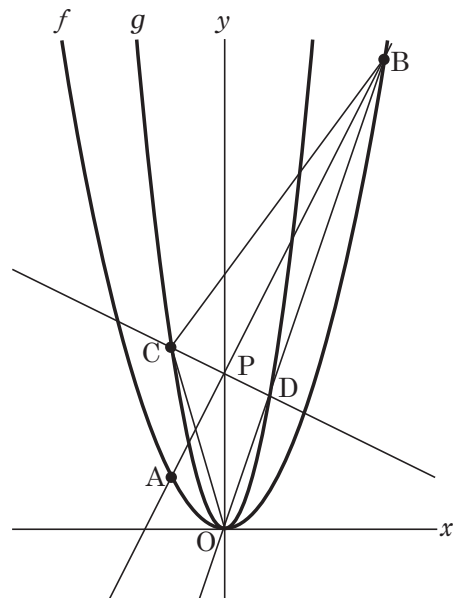
- (1) 点Aと点Cを結んだ場合を考える。
 $a = \frac{1}{4}$, $\triangle ACP$ の面積が 5 cm^2 のとき、 b の値を求めよ。

図2



- (2) 右の図 3 は、図 2 において、
 $a = \frac{1}{2}$ ，直線 CP の傾きが $-\frac{1}{2}$ のとき、
 点 O と点 C，点 B と点 C をそれぞれ結び、
 2 点 O，B を通る直線を引き、
 直線 CP と曲線 g との交点のうち
 点 C と異なる点を D とした場合を表している。
 点 D は直線 OB 上にあることを示せ。
 また、 $\triangle COD$ の面積と $\triangle CDB$ の面積の比を
 最も簡単な整数の比で表せ。
 ただし、答えだけでなく、答えを求める過程
 が分かるように、途中の式や計算なども書け。

図 3

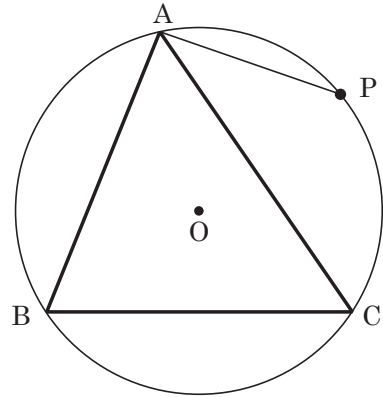


- 3 右の図1で、点Oは、 $\angle ABC < 90^\circ$,
 $\angle ACB < 90^\circ$ である $\triangle ABC$ の3つの頂点を通る円の
 中心である。

円Oの周上にあり、頂点A、頂点B、頂点Cの
 いずれにも一致しない点をPとし、頂点Aと点Pを
 結ぶ。

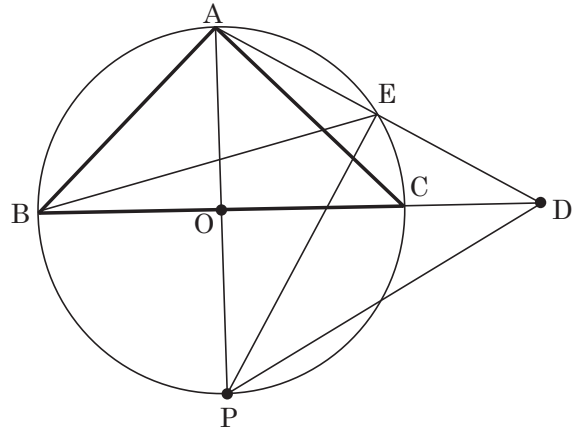
次の各問に答えよ。

図1



- [問1] 右の図2は、図1において、
 辺BCと線分APがともに点Oを通るとき、
 辺BCをCの方向に延ばした直線上にある
 点をDとし、頂点Aと点Dを結び、
 線分ADと円Oとの交点をEとし、
 点Bと点E、点Eと点P、点Pと点Dを
 それぞれ結び、 $AE = DE$ の場合を表している。
 $\angle EPD = 30^\circ$ のとき、
 $\angle DBE$ の大きさは何度か。

図2



〔問2〕 右の図3は、図1において、

点Pが頂点Bを含まない $\widehat{AC}$ 上にあり、

$AB = AC$ のとき、

頂点Bと点P、頂点Cと点Pを

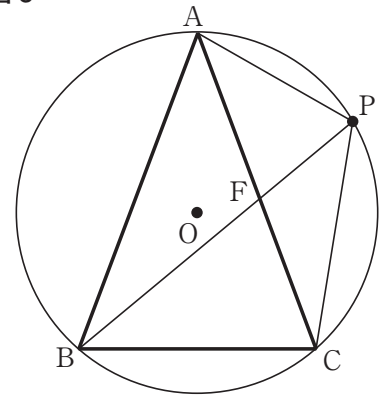
それぞれ結び、辺ACと線分BPとの

交点をFとした場合を表している。

$CP = CB$ となるとき、

$\triangle AFP$ は二等辺三角形であることを証明せよ。

図3



〔問3〕 右の図4は、図1において、

線分APが点Oを通るとき、

頂点Aから辺BCに垂線を引き、

辺BCとの交点をH、線分APと辺BCとの

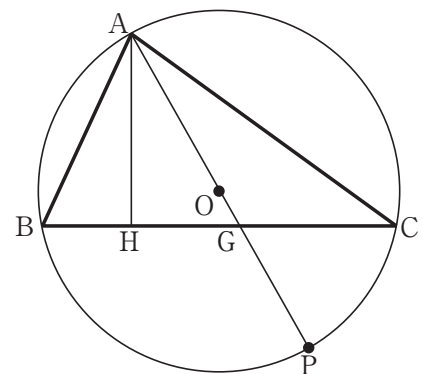
交点をGとした場合を表している。

$AP = 20$ cm, $AB = 12$ cm, $BH = GH$ のとき、

$CG : CA$ を最も簡単な整数の比で表せ。

また、辺ACの長さは何cmか。

図4



4

右の図 1 に示した立体 $ABCD-EFGH$ は、

1 辺の長さが 3 cm の立方体である。

点 P は、この立方体の内部および全ての面、全ての辺上を動く点である。

頂点 A と点 P 、頂点 B と点 P をそれぞれ結ぶ。

$AP = a$ cm, $BP = b$ cm とする。

次の各問に答えよ。

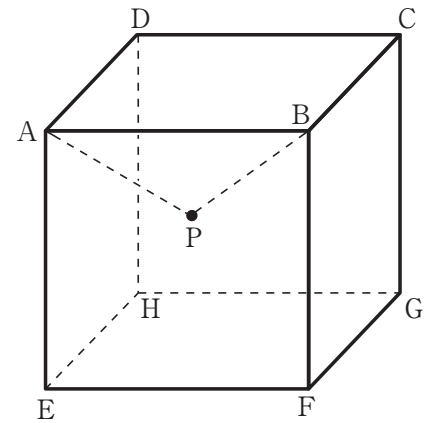
ただし、円周率は π とする。

〔問 1〕 点 P が $a = b = 3$ を満たしながら動くとき、

点 P はある曲線上を動く。

点 P が動いてできる曲線の長さは何 cm か。

図 1



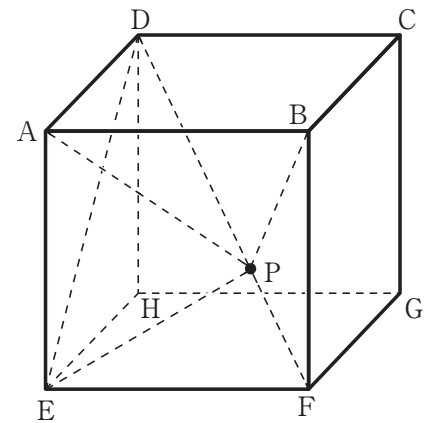
〔問 2〕 右の図 2 は、図 1 において、頂点 D と頂点 E 、
頂点 D と頂点 F 、頂点 E と点 P をそれぞれ結び、
点 P が線分 DF 上にある場合を表している。

$a + b$ の値が最も小さくなるとき、

立体 $P-ADE$ の体積は何 cm^3 か。

ただし、答えだけでなく、答えを求める過程が分かるように、図や途中の式などもかけ。

図 2



〔問3〕 右の図3は、図1において、 $a \geq b$ のとき頂点Hと点Pを結んだ場合を表している。

HP = c cm とし、点Pが $b = c$ を満たしながら動くとき、点Pはある多角形の边上および内部を動く。

点Pが動いてできる多角形の面積は何 cm^2 か。

図3

