

|       |                       |         |
|-------|-----------------------|---------|
| 1     |                       |         |
| [問 1] | $-2\sqrt{15}$         | 問1<br>5 |
| [問 2] | $4, -2$               | 問2<br>5 |
| [問 3] | $x=3, y=-\frac{4}{3}$ | 問3<br>6 |
| [問 4] | $\frac{13}{36}$       | 問4<br>6 |
| [問 5] | 誤っている数値 <b>6</b>      | 問5<br>6 |
|       | 正しく直した数値 <b>8</b>     |         |
| [問 6] |                       | 問6<br>6 |
|       |                       |         |

|  |             |            |
|--|-------------|------------|
| 2  |             |            |
| [問 1](1)   | <b>6</b>    | 問1(1)<br>6 |
| [問 1](2)   | $P(4, 8)$   | 問1(2)<br>6 |
| [問 2]  | 【途中の式や計算など】 | 問2<br>10   |
| <p>点Sのx座標をs(<math>s &gt; 0</math>)とすると、2点S, Bの座標は<br/> <math>S(s, as^2), B(2s, 2s^2)</math><br/>                 2点S, Bのy座標は等しいから、<math>as^2 = 2s^2</math><br/>                 よって、<math>a = 2</math><br/>                 したがって、直線gの式は<math>y = 2x^2</math>となり、<br/>                 4点Q, Q', S, S'の座標は<br/> <math>Q(-s, 2s^2), S(s, 2s^2)</math><br/> <math>Q'(-s, \frac{1}{2}s^2), S'(\frac{1}{2}s, \frac{1}{2}s^2)</math><br/>                 となる。四角形QQ'SS'は正方形なので各辺の長さは等しく、<br/> <math>QS = SS'</math><br/>                 が成り立つ。よって、<br/> <math>s - (-s) = 2s^2 - \frac{1}{2}s^2</math><br/>                 整理して、<math>3s^2 - 4s = 0</math><br/>                 すなわち、<math>s(3s - 4) = 0</math> より、<math>s = 0, \frac{4}{3}</math><br/> <math>s &gt; 0</math>であるから、<math>s = \frac{4}{3}</math><br/>                 よって、<math>QS = \frac{8}{3}</math>から、四角形QQ'SS'の面積は、<br/> <math>\frac{8}{3} \times \frac{8}{3} = \frac{64}{9} (\text{cm}^2)</math></p> |             |            |
| (答え) <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;"><math>\frac{64}{9} \text{ cm}^2</math></span>  |             |            |

|  |   |          |
|--|---|----------|
| 3  |   |          |
| [問 1]  | $\frac{36 - 9\sqrt{3}}{2} \text{ cm}^2$ | 問1<br>6  |
| [問 2](1)   | 【証明】                                    | 問2<br>10 |
| <p><math>\triangle ACE</math>と<math>\triangle BDF</math>において<br/> <math>AB = BC, BE = CF</math>より<br/> <math>EC = FD \dots \textcircled{1}</math><br/>                 辺AC, 辺BDは正方形の対角線より<br/> <math>AC = BD \dots \textcircled{2}</math><br/>                 また、<math>\angle ACE = \angle BDF = 45^\circ \dots \textcircled{3}</math><br/> <math>\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}</math>より、2組の辺と<br/>                 その間の角がそれぞれ等しいから<br/> <math>\triangle ACE \equiv \triangle BDF</math><br/>                 したがって、<math>\angle EAC = \angle FBD</math> より<br/> <math>\angle OAG = \angle OBG</math><br/>                 2点A, Bは直線OGについて<br/>                 同じ側にある点である。</p> |   |          |
| 4点A, B, G, Oは同じ円の円周上にある点である。   |   |          |
| [問 2](2)   | $\frac{27}{5} \text{ cm}^2$             | 問3<br>6  |

|   |                        |            |
|---|------------------------|------------|
| 4   |                        |            |
| [問 1]   | $\sqrt{65} \text{ cm}$ | 問1<br>4    |
| [問 2]   | 【途中の式や計算など】            | 問2<br>10   |
| <p>立体P-ABQの体積をVとする。<br/>                 [1] <math>0 &lt; t \leq 3</math> のとき<br/> <math>V = 6 \times (6-t) \times \frac{1}{2} \times 2t \times \frac{1}{3} = 2t(6-t)</math><br/> <math>V = 6</math>より <math>2t(6-t) = 6</math> ,<br/> <math>t^2 - 6t + 3 = 0</math><br/>                 これを解いて <math>t = 3 \pm \sqrt{6}</math><br/> <math>0 &lt; t \leq 3</math> より <math>t = 3 - \sqrt{6}</math><br/>                 [2] <math>3 \leq t &lt; 6</math> のとき<br/> <math>V = 6 \times (6-t) \times \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{1}{3} = 6(6-t)</math><br/> <math>V = 6</math>より <math>6(6-t) = 6</math> よって <math>t = 5</math><br/>                 これは <math>3 \leq t &lt; 6</math> に適する<br/>                 [1], [2]より <math>t = 3 - \sqrt{6}, 5</math></p> |                        |            |
| (答え) <span style="border: 1px solid black; padding: 2px;"><math>t = 3 - \sqrt{6}, 5</math></span>   |                        |            |
| [問 3](1)  | (ア) <b>12</b>          | 問3(ア)<br>2 |
| [問 3](1)  | (イ) <b>27</b>          | 問3(イ)<br>2 |
| [問 3](2)  | (ウ) $\frac{104}{3}$    | 問3(ウ)<br>4 |
| 受 検 番 号   |                        | 合計得点       |
|   |                        | 100        |